

## ITU-R P.526-10建议书\*

## 绕射传播

(ITU-R第202/3号课题)

(1978-1982-1992-1994-1995-1997-1999-2001-2003-2005-2007年)

## 范围

本建议书介绍了多个模式，以方便读者对收到的场强的绕射效应进行评估。这些模式适用于各种障碍类型以及不同路径的几何图形。

国际电联无线电通信全会，

考虑到

a) 需要提供工程资料以计算绕射路径上的场强，

建议

1 应用附件1中说明的方法，计算绕射路径中的场强，路径可包括球形地球表面或是有着各种障碍的不规则地形。

## 附件1

## 1 引言

虽然，绕射只发生于大地或其他障碍物的表面，但必须考虑到传输路径上平均的大气层折射，以估计位于路径中垂直面内的几何参数（绕射角、曲率半径、障碍高度）。为此，必须以合适的地球等效半径循迹路径剖面（ITU-R P.834建议书）。如果得不到可用的其他信息，可用8 500 km的地球等效半径作为依据。

## 2 基本概念

无线电波在地球表面上的绕射受地形不规则度的影响。就此而言，在对这种传播机理进一步研究预测方法之前，本节内将给出几个基本概念。

---

\* 无线电通信局的说明 – 此建议书于2007年4月做了编辑性修正。

## 2.1 菲涅耳椭圆和菲涅耳区

研究A与B两点之间的无线电波传播时，借助于以称为菲涅耳椭圆的椭圆曲线族划分干涉空间，所有菲涅耳椭圆的焦点都在A和B上，以使椭圆上的任何点M满足关系式：

$$AM + MB = AB + n \frac{\lambda}{2} \quad (1)$$

其中， $n$ 是表征椭圆全体数目的值， $n=1$ 对应于第一菲涅耳椭圆，依此类推； $\lambda$ 为波长。

作为一个实际规则，假定传播发生于视距（LoS）内，即，如果在第一菲涅耳椭圆内没有障碍，则忽略绕射现象。

在发射机与接收机之间的一个点上，椭圆的半径可近似用前后一致的单位表示为：

$$R_n = \left[ \frac{n \lambda d_1 d_2}{d_1 + d_2} \right]^{1/2} \quad (2)$$

或者，按实际单位，有：

$$R_n = 550 \left[ \frac{n d_1 d_2}{(d_1 + d_2) f} \right]^{1/2} \quad (3)$$

其中， $f$ 为频率（MHz）， $d_1$ 和 $d_2$ 分别为计算椭圆半径（m）的点与发射机和接收机之间的距离（km）。

对于由一个平面与椭圆曲线族相交的区域，在某些问题上要考虑其菲涅耳区。其中，阶序 $n$ 的菲涅耳区是从 $n$ 和 $n-1$ 的椭圆上分别得到的两个曲线之间的部分。

## 2.2 半阴影区宽度

从明亮到阴暗的过渡区确定出半阴影区。该过渡区发生于沿几何阴暗区边界内的窄条（半阴影宽度）上。图1示出在平滑的圆形地球面之上高度 $h$ 处设置发射机场合下的半阴影区宽度（W），它由下面公式给出：

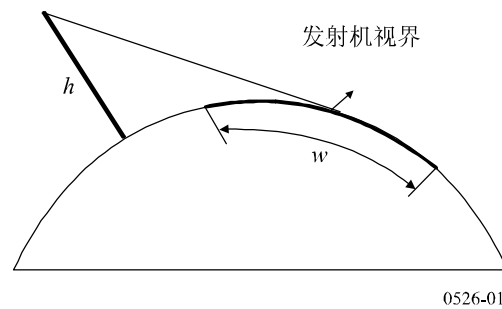
$$w = \left[ \frac{\lambda a_e^2}{\pi} \right]^{1/3} \quad \text{m} \quad (4)$$

其中：

$\lambda$ : 波长（m）

$a_e$ : 地球有效半径（m）。

图 1  
半阴影宽度的确定



### 2.3 绕射区

发射机的绕射区从视距（LoS）距离上延伸，直至完全超出发射机视界之外；视距距离的路径间隔等于第一菲涅耳区半径（ $R_1$ ）的60%，而发射机视界之外指对流层散射机理起支配作用的地方。

### 2.4 障碍物表面平滑度标准

如果障碍物表面的不规则度不超出下面公式的 $\Delta h$ ，

$$\Delta h = 0.04 [R\lambda^2]^{1/3} \quad \text{m} \quad (5)$$

其中：

$R$ : 障碍物曲率半径（m）

$\lambda$ : 波长（m）

则可以认为障碍物是平滑的，能应用第3节和第4.2节中所述的方法计算衰减。

### 2.5 孤立的障碍物

如果障碍物本身与周围地形之间没有相互影响，则可以认为该障碍物是孤立的。换言之，路径衰减仅由障碍物导致，其余的地形并无任何作用。这必须满足下面的条件：

- 在每个终端和障碍物顶部关联的各半阴影区之间没有重叠区域；
- 障碍物两侧处的路径间隔至少应为0.6倍第一菲涅耳区半径；
- 障碍物两侧没有镜面反射。

### 2.6 地形类型

依据用以确定地形不规则程度的参数 $\Delta h$ （见ITU-R P.310建议书）的数值，可将地形分为三种类型：

#### a) 平坦地形

如果地形不规则度等于或低于 $0.1R$ 的量级，则地球的该表面可认为是平坦的；其中 $R$ 是传播路径中第一菲涅耳区半径的最大值。此种场合下，预测模型是以圆形地球上的绕射（第3节）为基础的。

## b) 孤立的障碍物

传播路径的地形剖面由一个或多个孤立的障碍物构成。此种场合下，依据对传播路径中遇到的障碍物特性的理想化，应采用第4节中说明的预测模型。

## c) 起伏地形

剖面中包含若干小山丘，但其中没有一个形成突出的障碍。在工作频率范围内，ITU-R P.1546建议书适合用于预测场强，但它不是一种绕射方法。

## 2.7 菲涅耳积分

复数菲涅耳积分由下面公式给出：

$$F_c(v) = \int_0^v \exp\left(j \frac{\pi s^2}{2}\right) ds = C(v) + jS(v) \quad (6)$$

其中， $j$ 为复数运算符，等于 $\sqrt{-1}$ ； $C(v)$ 和 $S(v)$ 是菲涅耳积分的余弦项和正弦项，定义为：

$$C(v) = \int_0^v \cos\left(\frac{\pi s^2}{2}\right) ds \quad (7a)$$

$$S(v) = \int_0^v \sin\left(\frac{\pi s^2}{2}\right) ds \quad (7b)$$

通过具体值的积分可以得出复数菲涅耳积分 $F_c(v)$ 的估值，或是应用下面公式能在大多数情况下给出足够精确的正值 $v$ ：

$$F_c(v) = \exp(jx) \sqrt{\frac{x}{4}} \sum_{n=0}^{11} \left[ (a_n - jb_n) \left(\frac{x}{4}\right)^n \right] \quad \text{对于 } 0 \leq x < 4 \quad (8a)$$

$$F_c(v) = \left(\frac{1+j}{2}\right) + \exp(jx) \sqrt{\frac{4}{x}} \sum_{n=0}^{11} \left[ (c_n - jd_n) \left(\frac{4}{x}\right)^n \right] \quad \text{对于 } x \geq 4 \quad (8b)$$

其中：

$$x = 0.5 \pi v^2 \quad (9)$$

以及,  $a_n$ ,  $b_n$ ,  $c_n$ 和 $d_n$ 为Boersma系数, 给出如下:

$a_0 = +1.595769140$	$b_0 = -0.000000033$	$c_0 = +0.000000000$	$d_0 = +0.199471140$
$a_1 = -0.000001702$	$b_1 = +4.255387524$	$c_1 = -0.024933975$	$d_1 = +0.000000023$
$a_2 = -6.808568854$	$b_2 = -0.000092810$	$c_2 = +0.000003936$	$d_2 = -0.009351341$
$a_3 = -0.000576361$	$b_3 = -7.780020400$	$c_3 = +0.005770956$	$d_3 = +0.000023006$
$a_4 = +6.920691902$	$b_4 = -0.009520895$	$c_4 = +0.000689892$	$d_4 = +0.004851466$
$a_5 = -0.016898657$	$b_5 = +5.075161298$	$c_5 = -0.009497136$	$d_5 = +0.001903218$
$a_6 = -3.050485660$	$b_6 = -0.138341947$	$c_6 = +0.011948809$	$d_6 = -0.017122914$
$a_7 = -0.075752419$	$b_7 = -1.363729124$	$c_7 = -0.006748873$	$d_7 = +0.029064067$
$a_8 = +0.850663781$	$b_8 = -0.403349276$	$c_8 = +0.000246420$	$d_8 = -0.027928955$
$a_9 = -0.025639041$	$b_9 = +0.702222016$	$c_9 = +0.002102967$	$d_9 = +0.016497308$
$a_{10} = -0.150230960$	$b_{10} = -0.216195929$	$c_{10} = -0.001217930$	$d_{10} = -0.005598515$
$a_{11} = +0.034404779$	$b_{11} = +0.019547031$	$c_{11} = +0.000233939$	$d_{11} = +0.000838386$

注意到下面的公式, 可以给出负值的 $v$ 估值 $C(v)$ 和 $S(v)$ :

$$C(-v) = -C(v) \quad (10a)$$

$$S(-v) = -S(v) \quad (10b)$$

### 3 圆形地球上的绕射

借助于经典的余数数列公式可以计算圆形地球上因绕射造成的附加传输损耗。从国际电联可以得到计算机程序GRWAVE, 它给出完整的方法。该程序中输出的一个子集(天线贴近地面并在低的频率上)在ITU-R P.368建议书中给出。

#### 3.1 视界上路径的绕射损耗

视界上的长距离内, 只有余数数列中的第一项是重要的。即使是靠近或是处在视界上, 仅考虑数列第一项的这种近似在大多数场合下都能应用, 最大误差约2 dB。

这第一项可以写成距离项 $F$ 与两个天线高度增益项 $G_T$ 和 $G_R$ 之积。第3.1.1和3.1.2节说明如何从简单公式或者从诺谟图中得到这些数据项。

##### 3.1.1 数值计算

###### 3.1.1.1 地球表面电特性的影响

地球表面电特性影响绕射损耗的程度可通过计算地球表面导纳的归一化系数 $K$ 予以确定,  $K$ 值的公式如下给出:

在独立单位中:

$$K_H = \left( \frac{2\pi a_e}{\lambda} \right)^{-1/3} \left[ (\epsilon - 1)^2 + (60\lambda\sigma)^2 \right]^{-1/4} \quad \text{对于水平极化} \quad (11)$$

和

$$K_V = K_H \left[ \epsilon^2 + (60\lambda\sigma)^2 \right]^{1/2} \quad \text{对于垂直极化} \quad (12)$$

或者，在实际单位中有：

$$K_H = 0.36(a_e f)^{-1/3} \left[ (\varepsilon - 1)^2 + (18000\sigma/f)^2 \right]^{-1/4} \quad (11a)$$

$$K_V = K_H \left[ \varepsilon^2 + (18000\sigma/f)^2 \right]^{1/2} \quad (12a)$$

其中：

$a_e$ : 地球有效半径 (km)

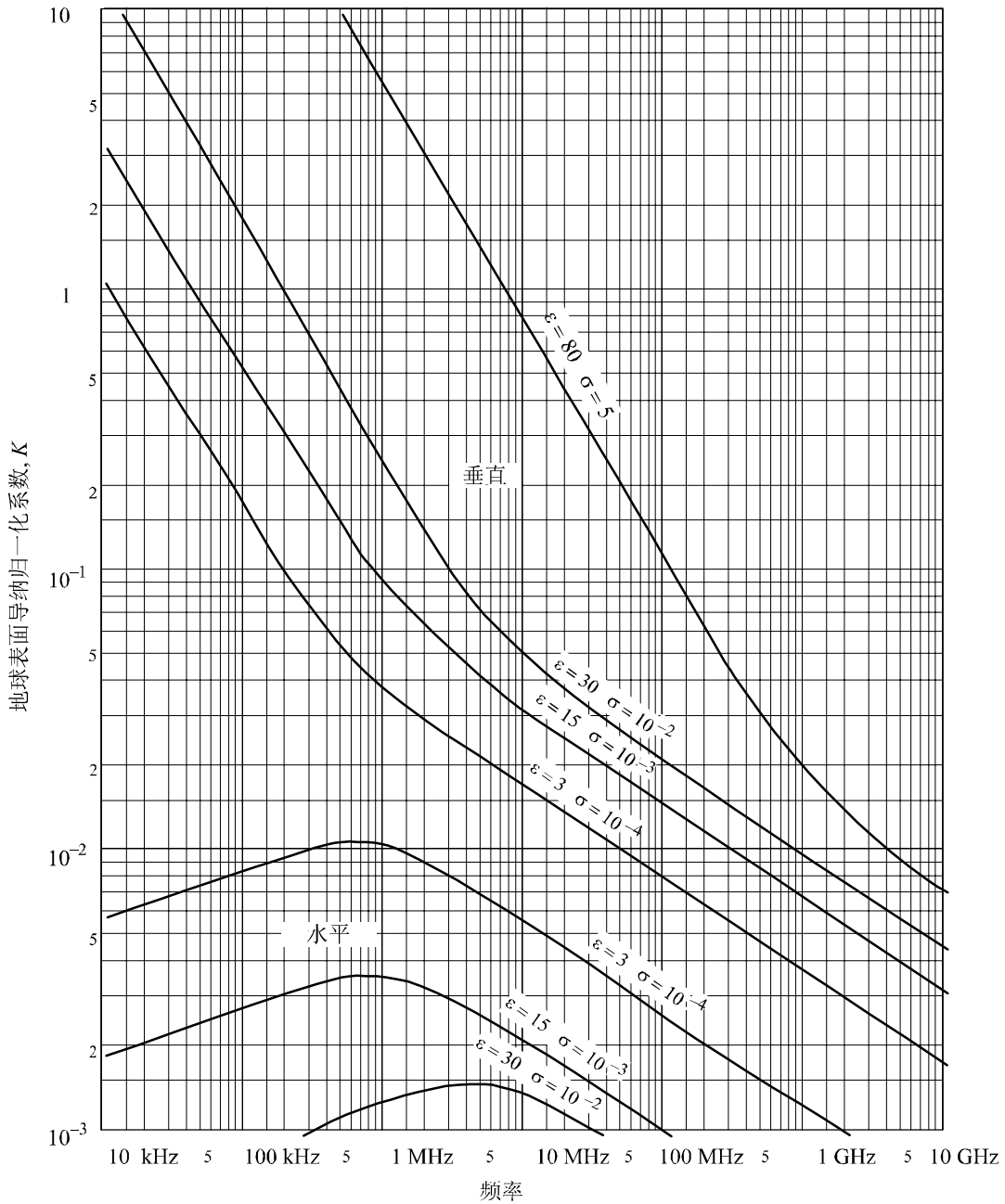
$\varepsilon$ : 有效相对介电常数

$\sigma$ : 有效电导率 (S/m)

$f$ : 频率 (MHz)。

典型 $K$ 值在图2中示出。

图2  
K值的计算



0526-02

如果 $K$ 小于0.001，则地球的电特性不重要。 $K$ 值大于0.001时，应采用下面给出的适当的公式。

### 3.1.1.2 绕射场强公式

相对于自由空间场强 $E_0$ 绕射场强 $E$ 由下面的公式给出：

$$20 \log \frac{E}{E_0} = F(X) + G(Y_1) + G(Y_2) \quad \text{dB} \quad (13)$$

其中， $X$ 是在归一化高度 $Y_1$ 和 $Y_2$ 的两天线之间路径的归一化长度（其中， $20 \log \frac{E}{E_0}$ 通常为负值）。

在独立单位中有:

$$X = \beta \left( \frac{\pi}{\lambda a_e^2} \right)^{1/3} d \quad (14)$$

$$Y = 2\beta \left( \frac{\pi^2}{\lambda^2 a_e} \right)^{1/3} h \quad (15)$$

或者, 在实际单位中有:

$$X = 2.2\beta f^{1/3} a_e^{-2/3} d \quad (14a)$$

$$Y = 9.6 \times 10^{-3} \beta f^{2/3} a_e^{-1/3} h \quad (15a)$$

其中:

$d$ : 路径长度 (km)

$a_e$ : 地球有效半径 (km)

$h$ : 天线高度 (m)

$f$ : 频率 (MHz)。

$\beta$ 是与地面类型和极化方式有关的参数。 $\beta$ 与 $K$ 的关系可由下面的半经验公式给出:

$$\beta = \frac{1 + 1.6 K^2 + 0.75 K^4}{1 + 4.5 K^2 + 1.35 K^4} \quad (16)$$

对于水平极化, 在所有频率上 $\beta$ 值可取为1。对于垂直极化, 陆地上的20 MHz之上或者海面上的300 MHz之上,  $\beta$ 值可取为1。

对于垂直极化, 陆地上的20 MHz之下或者海面上的300 MHz之下, 必须计算 $\beta$ 与 $K$ 之间的函数关系。然而, 此时可以不考虑 $\epsilon$ , 写成:

$$K^2 \approx 6.89 \frac{\sigma}{k^{2/3} f^{5/3}} \quad (16a)$$

其中,  $\sigma$ 的单位为S/m,  $f$ 的单位为MHz,  $k$ 是地球半径的相乘系数。

距离数据项由下面的公式给出:

$$F(X) = 11 + 10 \log(X) - 17.6 X \quad (17)$$

天线高度增益项 $G(Y)$ 由下面的公式给出:

$$G(Y) \cong 17.6(Y - 1.1)^{1/2} - 5 \log(Y - 1.1) - 8 \quad \text{对于 } Y > 2 \quad (18)$$

$Y < 2$ 时,  $G(Y)$ 值是第3.1.1节中计算的 $K$ 值的函数, 公式如下:

$$G(Y) \cong 20 \log(Y + 0.1Y^3) \quad \text{对于 } 10K < Y < 2 \quad (18a)$$

$$G(Y) \cong 2 + 20 \log K + 9 \log(Y/K) [\log(Y/K) + 1] \quad \text{对于 } K/10 < Y < 10K \quad (18b)$$

$$G(Y) \cong 2 + 20 \log K \quad \text{对于 } Y < K/10 \quad (18c)$$



### 3.1.2 诺谟图计算

在相同的近似条件下（余数数列第一项的数值是最主要的），也可应用下面公式进行计算：

$$20\log\frac{E}{E_0} = F(d) + H(h_1) + H(h_2) \quad \text{dB} \quad (19)$$

其中：

$E$ ：接收场强

$E_0$ ：同一距离上自由空间的场强

$d$ ：路径两端点之间的距离

$h_1$ 和 $h_2$ ：天线在圆形地球上方的高度。

函数 $F$ （与距离相关联）和 $H$ （与高度增益相关联）由诺谟图在图3、4、5和6中给出。

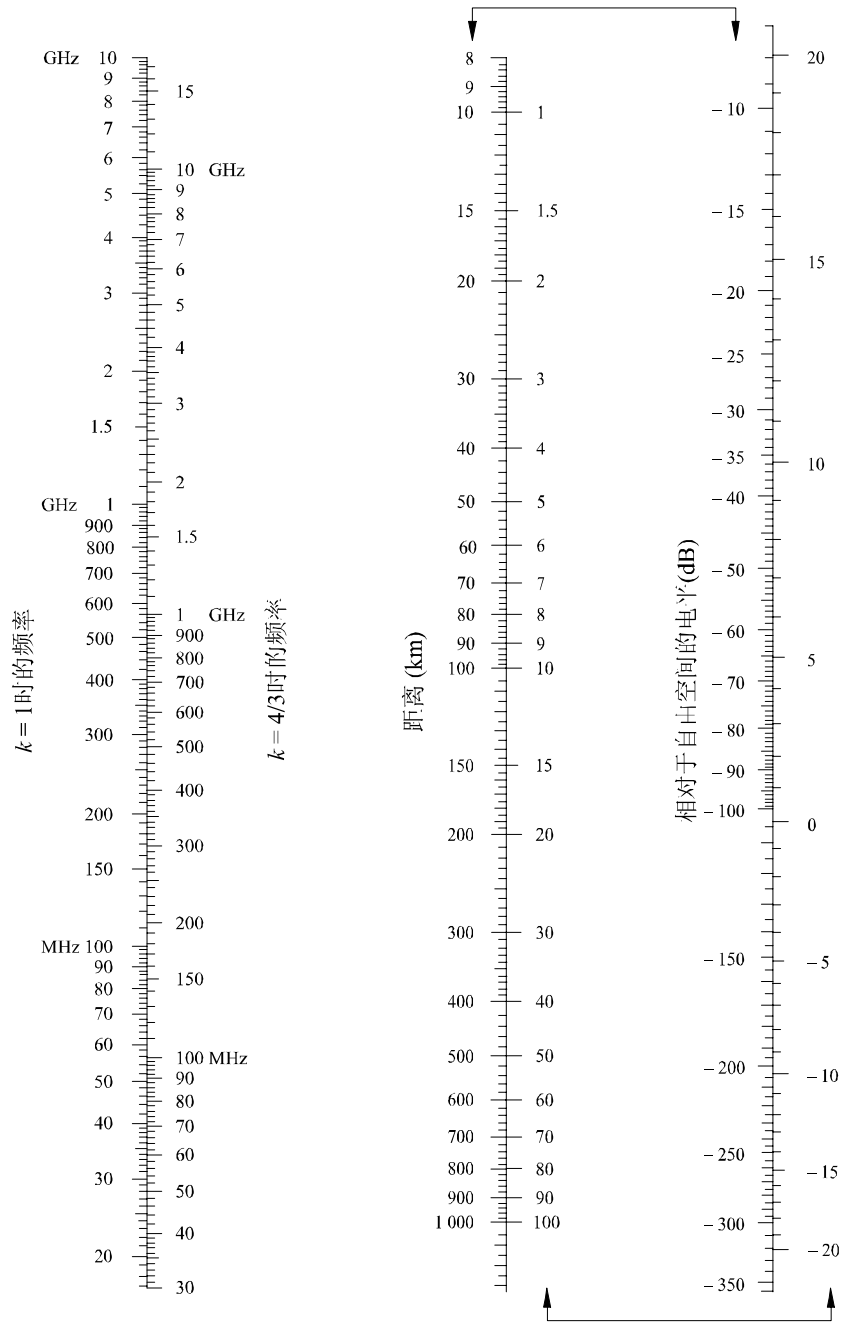
这些诺谟图（图3至图6）对于 $k=1$ 和 $k=4/3$ ，以及对于约30 MHz以上的频率，直接给出相对于自由空间的接收电平。这里， $k$ 为地球有效半径系数，在ITU-R P.310建议书内规定。然而，对于 $k$ 为其他值的接收电平，需应用 $k=1$ 的频率刻度进行计算，但应将涉及的频率替换以假想频率，在图3和图5中假想频率等于 $f/k^2$ ，在图4和图6中等于 $f/\sqrt{k}$ 。

非常贴近地面的地方，场强实际上与天线高度无关。对于海面上的垂直极化电波，这一现象特别重要。因此，图6中包括一条粗黑的垂直线 $AB$ 。如果直线与粗黑线 $AB$ 相交，则真正的高度应由较大的值取代，以使得直线恰好在 $A$ 点处接触该界限线的顶部。

注1 – 相对于自由空间的衰减由公式（19）中得到的负值给出。如果公式（19）给出的值高于自由空间场强，则该方法无效。

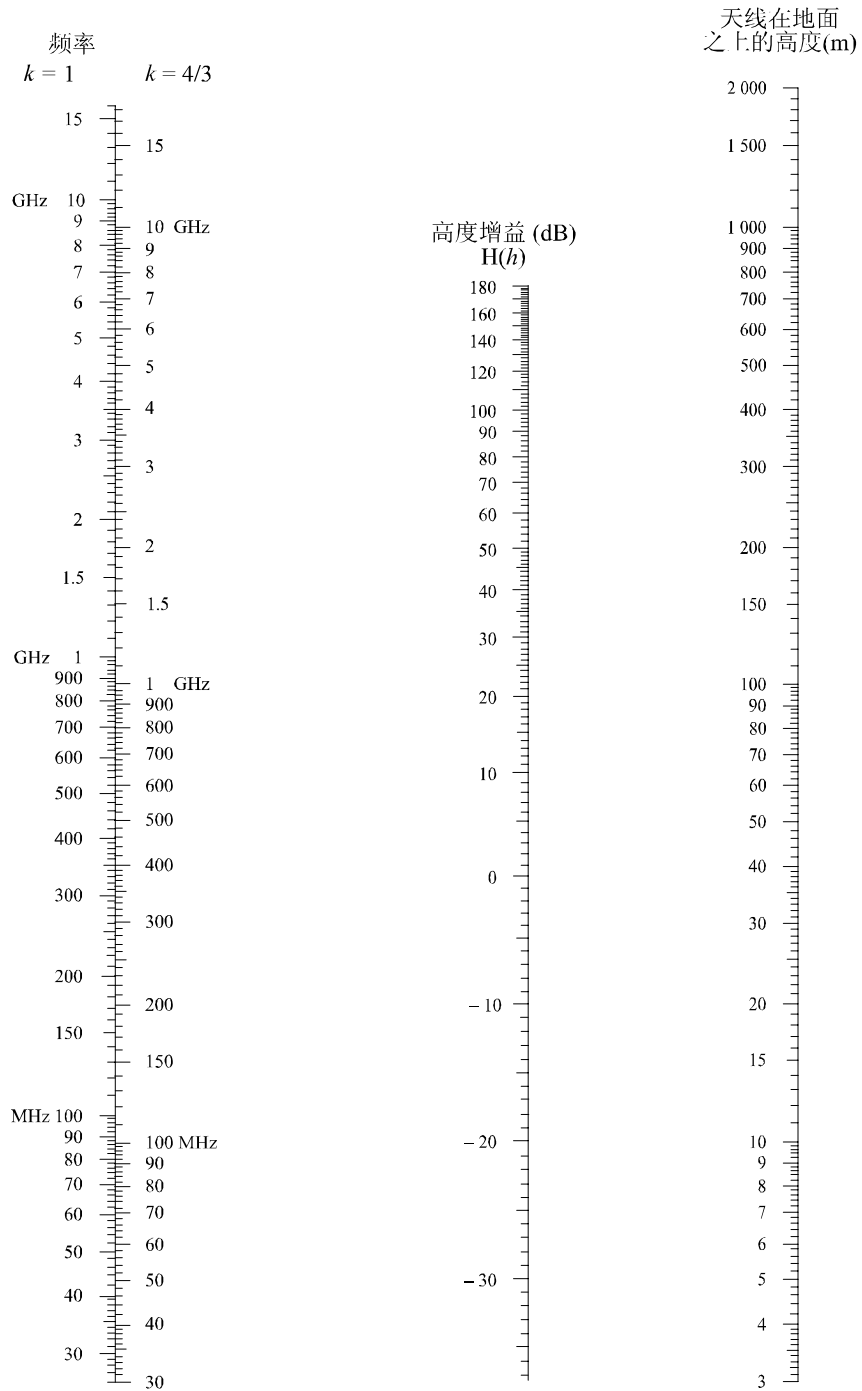
图 3

图形地球上的绕射-距离效应



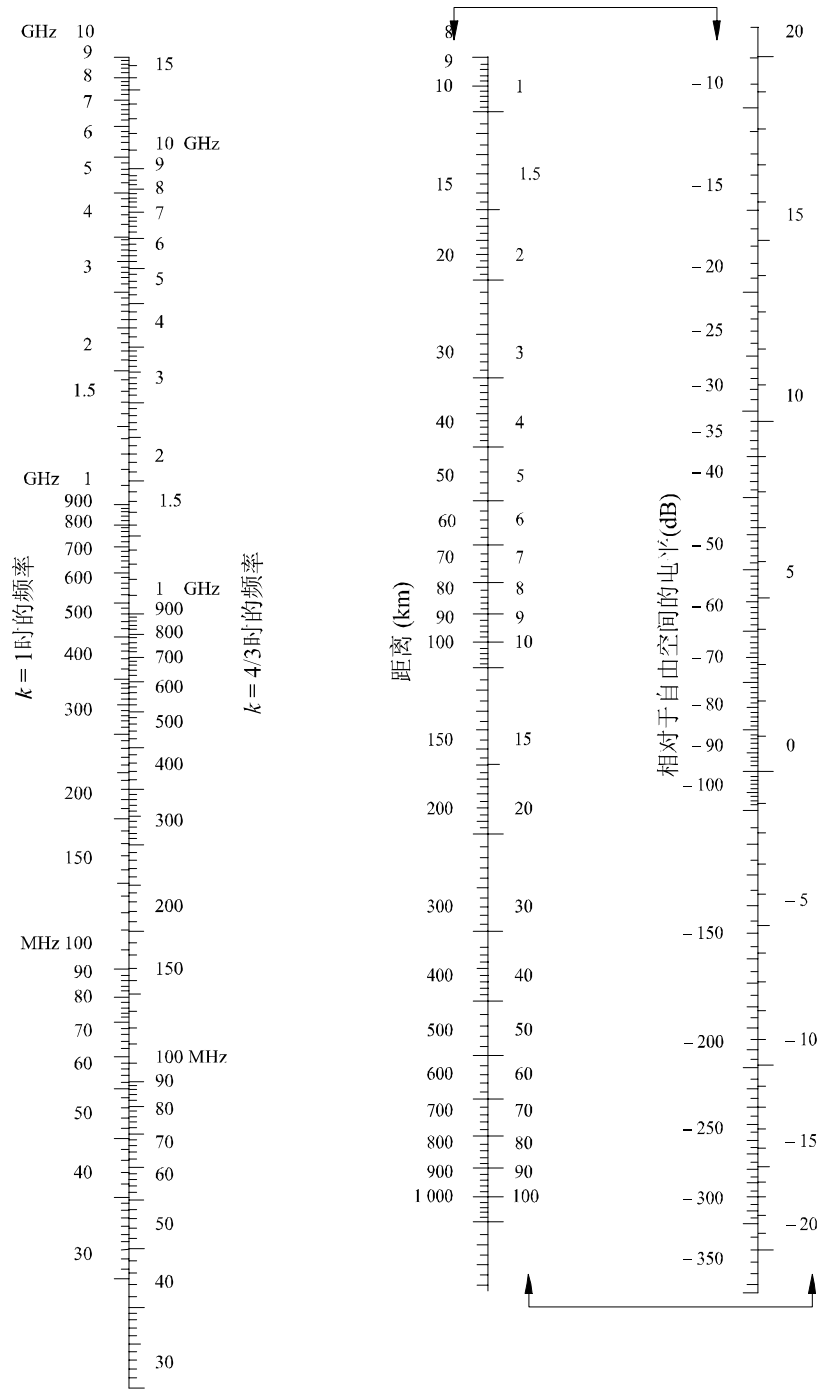
陆地上和海面上的水平极化波  
 陆地上的垂直极化波  
 (由箭头结合的刻度应一起使用)

图 4  
圆形地球上的绕射-天线高度增益



水平极化波-陆地上和海面上  
垂百极化波-陆地上

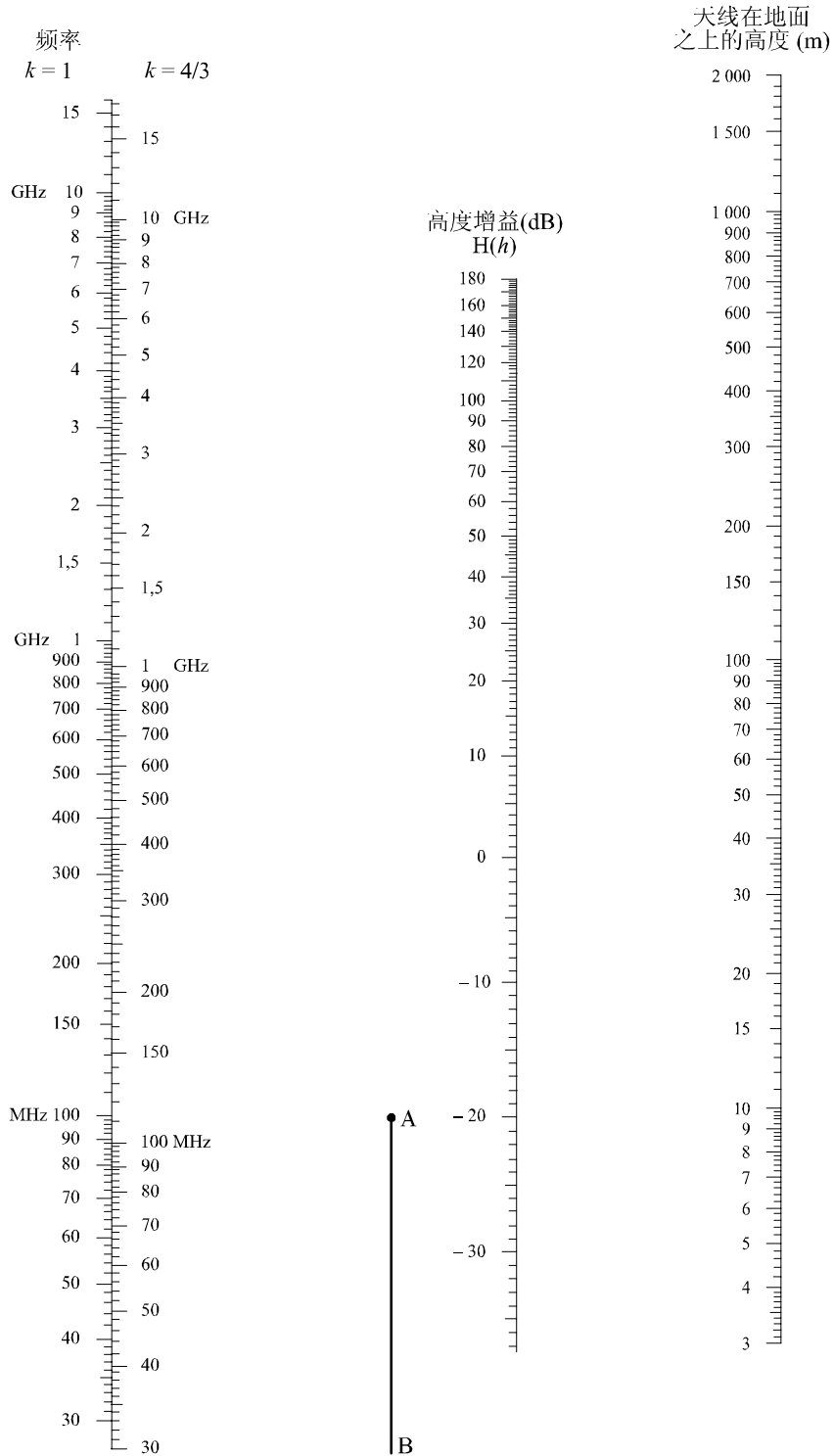
图5  
圆形地球上的绕射-距离效应



海面上的垂直极化波  
(由箭头结合的刻度应一起使用)

图 6

圆形地球上的绕射-天线高度增益



垂直极化波-海面上

### 3.2 带有子路径绕射的视距路径绕射损耗

在带有子路径绕射的视距路径场合下，考虑余数数列的收敛时要求计算几个数据项，当相对于自由空间的衰减为零以及可以应用无线电地平线时，在绕射区域的界限（0.6倍第一菲涅耳区半径的间隔）内进行线性内插。按照这一程序，依据第一菲涅耳区半径（ $R_1$ ）计算绕射损耗的公式如下：

$$A(\text{dB}) = \left[ 1 - \frac{5}{3} \frac{h}{R_1} \right] A_h \quad (20)$$

其中：

$h$ : 路径间隔在0至 $0.6R_1$ 范围内

$A_h$ : 视界上的绕射损耗（见第3.1节）。

路径间隔由下面公式给出（见图7）：

$$\text{如果 } (h_1 \leq h_2) \quad d_1 = \frac{d}{2}(1-b) \quad (21a-i)$$

$$\text{否则} \quad d_1 = \frac{d}{2}(1+b) \quad (21a-ii)$$

$$d_2 = d - d_1 \quad (21b)$$

$$b = 2\sqrt{\frac{m+1}{3m}} \cos \left\{ \frac{\pi}{3} + \frac{1}{3} \arccos \left( \frac{3c}{2} \sqrt{\frac{3m}{(m+1)^3}} \right) \right\} \quad (21c)$$

$$c = \frac{|h_1 - h_2|}{h_1 + h_2} \quad (21d)$$

$$m = \frac{d^2}{4a_e(h_1 + h_2)} \quad (21e)$$

$$R_1 = \sqrt{\frac{d_1 \cdot d_2 \cdot \lambda}{d}} \quad (21f)$$

请注意，上述所有参数应使用前后一致的单位。

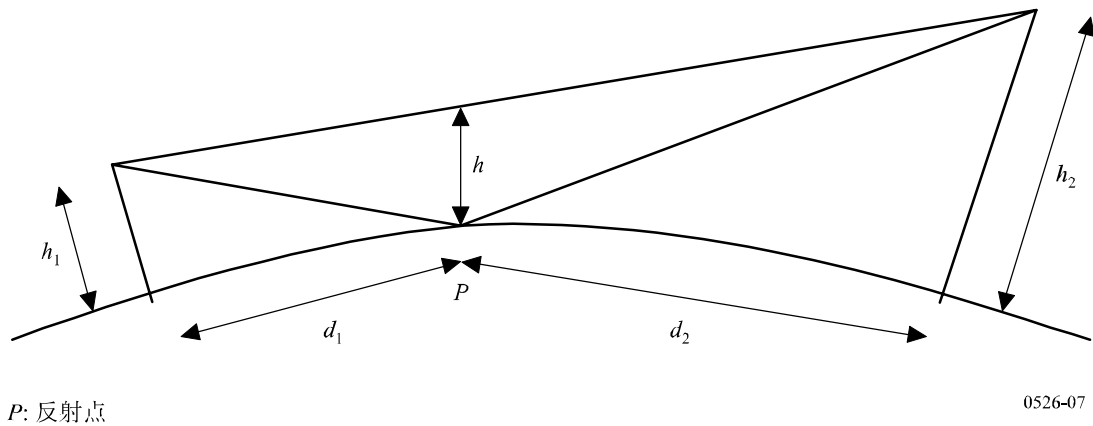
## 4 孤立障碍物上的绕射

许多传播路径上遇到一个障碍或几个分离的障碍时，对此类障碍造成的损耗进行估值是有用的。为进行此种计算，需要将障碍物形状加以理想化，假设厚度可忽略的障碍物像刀刃，或是假设厚而圆滑的障碍物在顶部具有能明确确定的曲率半径。当然，真正的障碍物具有较复杂的形状，因而本建议书中提出的假设应只看作是一种近似。

在终端之间的直接路径远短于绕射路径的那些场合下，必需计算由较长路径引起的附加传输损耗。

下面给出的数据适用于电波波长与障碍物尺寸相比显得相当小时，也即主要适用于VHF波段内较短的波长（ $f > 30$  MHz）上。

图 7  
路径间隔



#### 4.1 单个刀刃形障碍物

此种极为理想的场合下（图8a）和8b）），全部几何参数均综合在通常以 $v$ 标记的单个归一化、无量纲的参数中， $v$ 可假设是根据所选择的几何参数的另一种等效形式：

$$v = h \sqrt{\frac{2}{\lambda} \left( \frac{1}{d_1} + \frac{1}{d_2} \right)} \quad (22)$$

$$v = \theta \sqrt{\frac{2}{\lambda \left( \frac{1}{d_1} + \frac{1}{d_2} \right)}} \quad (23)$$

$$v = \sqrt{\frac{2 h \theta}{\lambda}} \quad (v \text{ 的符号决定于 } h \text{ 和 } \theta) \quad (24)$$

$$v = \sqrt{\frac{2 d}{\lambda} \cdot \alpha_1 \alpha_2} \quad (v \text{ 的符号决定于 } \alpha_1 \text{ 和 } \alpha_2) \quad (25)$$

其中：

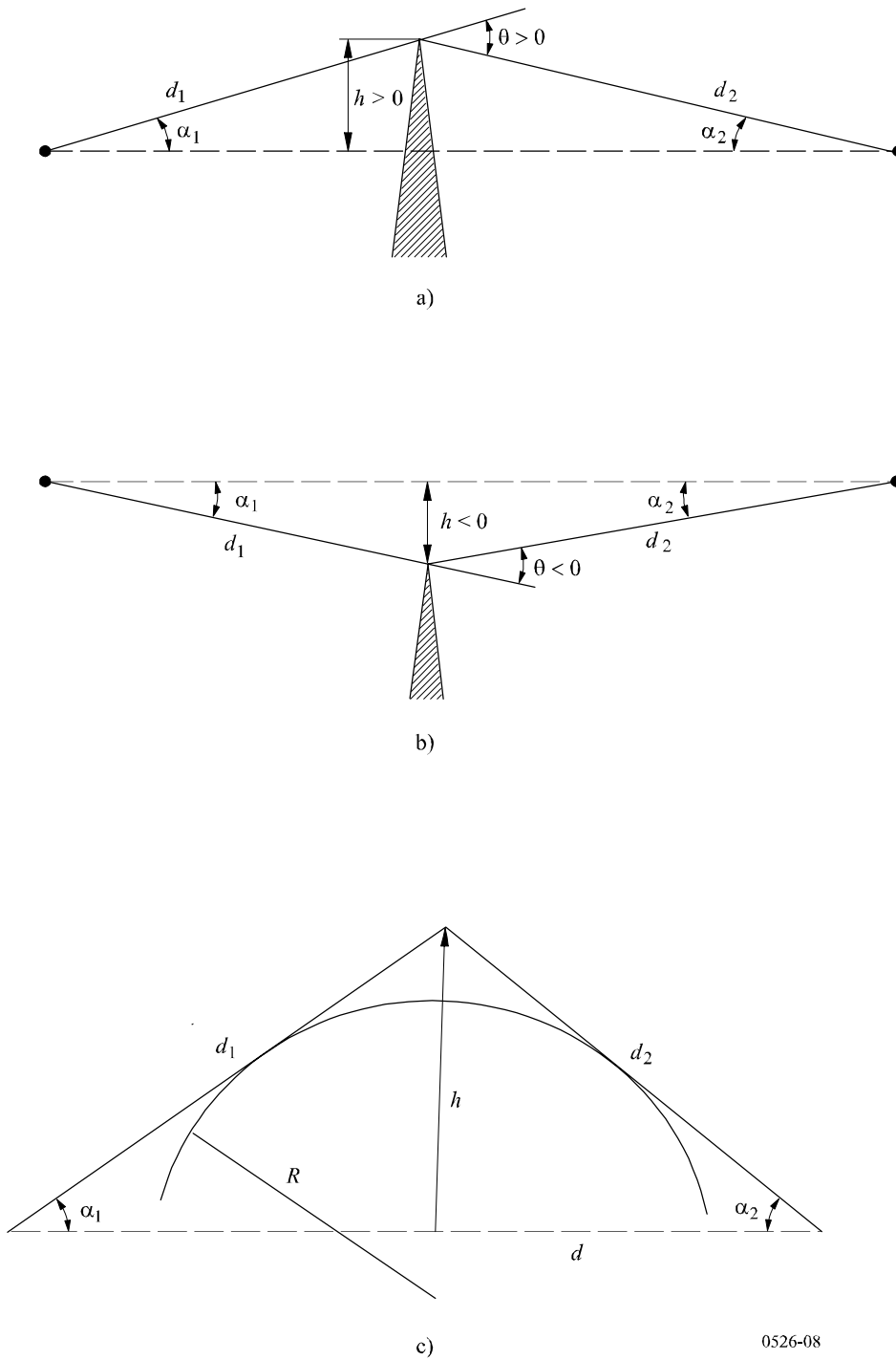
- $h$ : 连结路径两端的直线上方障碍物顶部的高度，若高度低于该直线， $h$ 为负值
- $d_1$ 和 $d_2$ : 障碍物顶部与路径两端之间的距离
- $d$ : 路径长度
- $\theta$ : 绕射角（弧度）；其符号与 $h$ 的符号相同； $\theta$ 角假定小于约0.2弧度，或者大致为 $12^\circ$
- $\alpha_1$ 和 $\alpha_2$ : 从一端看出去时障碍物顶部与另一端之间形成的夹角； $\alpha_1$ 和 $\alpha_2$ 的符号与上面公式中 $h$ 的符号相同。

注1 – 公式（22）至（25）内包含的 $h$ 、 $d$ 、 $d_1$ 、 $d_2$ 和 $\lambda$ 应有独立的单位。

图 8

几何参数

( $\theta, \alpha_1, \alpha_2, d, d_1, d_2$  和  $R$  的定义见第4.1节和 4.2节)



0526-08

图9示出绕射损耗 $J(v)$ (dB)与 $v$ 的函数曲线关系。

$J(v)$ 的公式如下:

$$J(v) = -20 \log \left( \frac{\sqrt{[1 - C(v) - S(v)]^2 + [C(v) - S(v)]^2}}{2} \right) \quad (26)$$

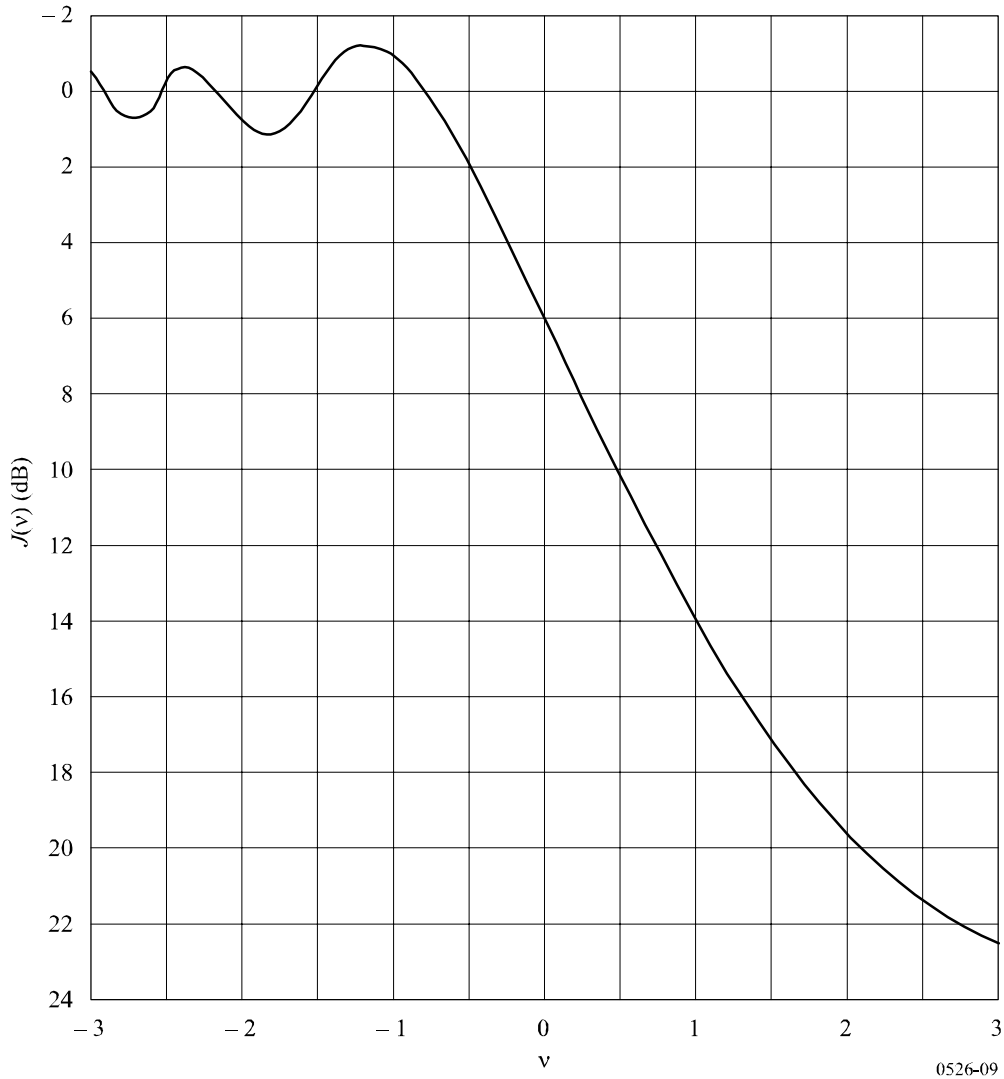


其中， $C(v)$ 和 $S(v)$ 分别是第2.7节中定义的复数菲涅耳积分 $F(v)$ 中的实部和虚部。

$v$ 大于 $-0.78$ 时，从下面的表达式中可得到 $J(v)$ 的近似值：

$$J(v) = 6.9 + 20 \log \left( \sqrt{(v - 0.1)^2 + 1} + v - 0.1 \right) \quad \text{dB} \quad (27)$$

图9  
刀刃形障碍物绕射损耗



#### 4.2 单个圆形障碍物

半径 $R$ 的圆形障碍物的几何形状在图8c)中示出。需要指出，基线之上的距离 $d_1$ 、 $d_2$ 和高度 $h$ 都是对顶点测量的，在障碍物上方投影线于顶点处相交。此种几何形状造成的绕射损耗可如下地计算：

$$A = J(v) + T(m,n) \quad \text{dB} \quad (28)$$

其中:

- a)  $J(v)$ 为顶点处等效刀刃形障碍物尖峰造成的Fresnel-Kirchoff损耗。从公式(22)至(25)的任一个公式中可计算出无量纲参数 $v$ 的值。例如,按实际单位,公式(22)可写成:

$$v = 0.0316h \left[ \frac{2(d_1 + d_2)}{\lambda d_1 d_2} \right]^{1/2} \quad (29)$$

其中,  $h$ 和 $\lambda$ 单位为m,  $d_1$ 和 $d_2$ 单位为km。

从图9或公式(27)中可得到 $J(v)$ 。需要指出,对于阻挡视距传播的障碍,  $v$ 值为正,公式(27)有效。

- b)  $T(m,n)$ 是由障碍物的曲率造成的附加衰减,计算式为:

$$T(m,n) = 7.2m^{1/2} - (2 - 12.5n)m + 3.6m^{3/2} - 0.8m^2 \quad \text{dB} \quad \text{对于 } mn \leq 4 \quad (30a)$$

$$T(m,n) = -6 - 20 \log(mn) + 7.2m^{1/2} - (2 - 17n)m + 3.6m^{3/2} - 0.8m^2 \quad \text{dB} \quad \text{对于 } mn > 4 \quad (30b)$$

以及

$$m = R \left[ \frac{d_1 + d_2}{d_1 d_2} \right] \left/ \left[ \frac{\pi R}{\lambda} \right]^{1/3} \right. \quad (31)$$

$$n = h \left[ \frac{\pi R}{\lambda} \right]^{2/3} \left/ R \right. \quad (32)$$

$R$ 、 $d_1$ 、 $d_2$ 、 $h$ 和 $\lambda$ 具有独立单位。

注意当 $R$ 趋向零时,  $T(m,n)$ 也趋向零。因此,对于半径为零的圆柱体,公式(28)简化成刀刃形障碍物上的绕射。

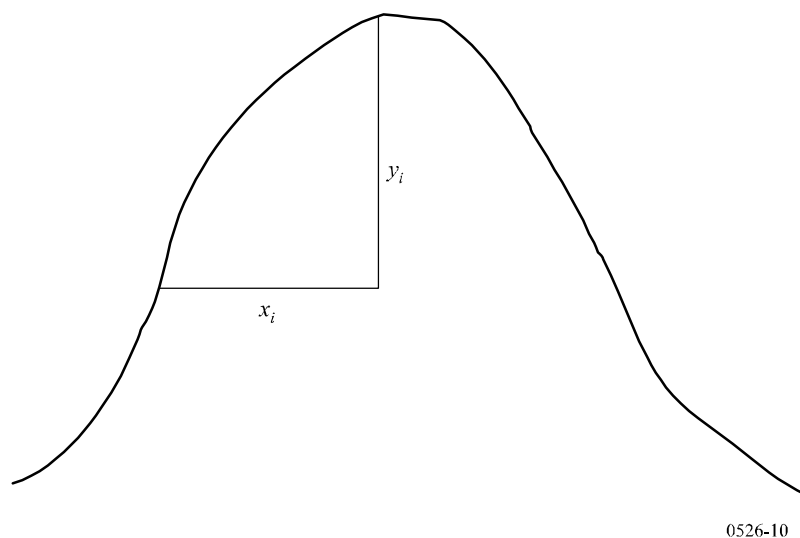
障碍物曲率半径可对应于一种抛物体最高点处的曲率半径,只要该抛物体在顶部附近能与障碍物剖面适配。该抛物体能与障碍物剖面适配时,在此计算方法中要应用的对最高点的最大垂直距离,应在障碍物所处之处具有第一菲涅耳区半径值的量级。此种计算方法的例子在图10中示出,其中:

$$y_i = \frac{x_i^2}{2r_i} \quad (33)$$

其中,  $r_i$ 是与峰脊垂直剖面上样本 $i$ 相对应的曲率半径。在有 $N$ 个样本的场合下,障碍物曲率半径的中值由下面公式给出:

$$r = \frac{1}{N} \sum_1^N \frac{x_i^2}{2y_i} \quad (34)$$

图10  
障碍物垂直剖面



### 4.3 双重孤立的刀刃形障碍物

可以将单个刀刃形障碍物绕射理论构成的方法继续用于两个障碍物上，第一个障碍物的顶部起电波源的作用，在第二个障碍物上绕射（见图11）。第一绕射路径由距离 $a$ 、 $b$ 和高度 $h_1$ 确定，给出损耗 $L_1$ (dB)。第二绕射路径由距离 $b$ 、 $c$ 和高度 $h_2$ 确定，给出损耗 $L_2$ (dB)。  $L_1$ 和 $L_2$ 用第4.1节中的公式进行计算。考虑到两个刀刃形障碍物之间有距离 $b$ ，必须加上校正项 $L_c$  (dB)。  $L_c$ 可以用下面公式进行估值：

$$L_c = 10 \log \left[ \frac{(a + b)(b + c)}{b(a + b + c)} \right] \quad (35)$$

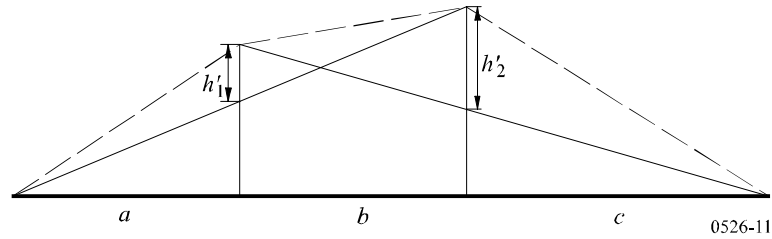
$L_1$ 和 $L_2$ 中的每一个都超过大约15 dB时，该公式有效。于是，总绕射损耗由下面公式给出：

$$L = L_1 + L_2 + L_c \quad (36)$$

当两个刀刃形障碍物给出类似的损耗时，上面的方法特别有用。

图 11

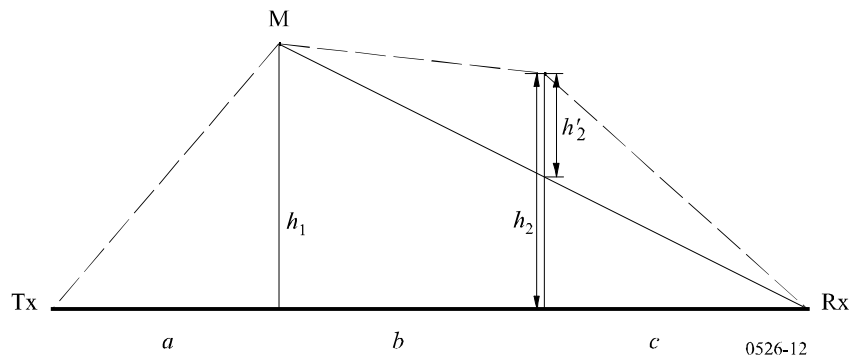
双重孤立的刀刃形障碍物



如果其中一个刀刃形障碍物占主导地位（见图12），则第一绕射路径由距离 $a$ 、 $b+c$ 和高度 $h_1$ 确定，第二绕射路径由距离 $b$ 、 $c$ 和高度 $h_2$ 确定。

图 12

主、副障碍物的绕射计算



可以将单个刀刃形障碍物绕射理论构成的方法继续用于两个障碍物上。首先，由较高的 $h_1/r$ 比确定主障碍物M；其中 $h$ 如图12所示是直接路径 $TxRx$ 之上的主障碍物高度， $r$ 是公式（2）中给出的第一菲涅耳椭圆半径。于是，可应用于子路径 $MR$ 之上的副障碍物高度 $h_2'$ 计算由副障碍物造成的损耗。考虑到两个刀刃形障碍物之间的间隔以及它们的高度，必须减去一个校正项 $T_c(\text{dB})$ 。 $T_c(\text{dB})$ 可由下面公式进行估值：

$$T_c = \left[ 12 - 20 \log_{10} \left( \frac{2}{1 - \frac{\alpha}{\pi}} \right) \right] \left( \frac{q}{p} \right)^{2p} \quad (37)$$

其中：

$$p = \left[ \frac{2(a+b+c)}{\lambda(b+c)a} \right]^{1/2} h_1 \quad (38a)$$

$$q = \left[ \frac{2(a+b+c)}{\lambda(a+b)c} \right]^{1/2} h_2 \quad (38b)$$

$$\tan \alpha = \left[ \frac{b(a+b+c)}{ac} \right]^{1/2} \quad (38c)$$

$h_1$ 和 $h_2$ 是直接路径发射机—接收机之上的刀刃形障碍物高度。

总绕射损耗由下面公式给出：

$$L = L_1 + L_2 - T_c \quad (39)$$

同样的方法可以适用于第4.3节中述及的圆形障碍物场合下。

在绕射障碍物能清楚地认定为平坦屋顶的建筑物场合下，采用单个刀刃形障碍物作为近似状态是不够的。必须计算两个分量的相量和：一个是经受双重刀刃形障碍物的绕射，另一个是受到的来自屋顶面的附加反射。事实已表明，在屋顶面反射率以及屋顶面与侧墙之间的任何高度差不能精确知道的情况下，可以忽略屋顶面的反射分量，由双重刀刃形障碍物模型能够对绕射场强做出很好的预测。

#### 4.4 多个孤立的障碍物

在不规则地形上形成有一个或多个阻挡视距传播的障碍物场合下，对绕射的计算建议采用两种方法。第一种方法中假定，每一个障碍物可由一个圆柱体代表，圆柱体的半径等于障碍物顶部的曲率半径。当通过峰脊的精确垂直剖面能得到时，这种方法是可行的。

第二种方法对应于一种经验的解决办法，假定是刀刃形障碍物加上一个校正，以补偿因曲率半径不为零而产生的较高损耗。计算中通过地球有效半径的概念将地球曲率考虑在内（见ITU-R P.452建议书中第4.3节）。该方法适用的场合是当需要单一通用程序兼用于陆地或海面的大地路径上以及应用于视距和超视距路径上时。

需得到由海拔值的地面高度样本集合构成的无线电路径剖面，样本集合沿无线电路径的区间排序中，第一个和末一个是发射机和接收机的海拔高度，并有对应的自发射机起的水平距离集合。每一组高度和距离构成的数据对应作为一个剖面点，给予一个指数，指数值从路径的一端起至另一端止依次加1。虽然，这种做法对计算绕射损耗并非必要的，但在下面的说明中假定，从发射机至接收机各指数递增。这是优选的方式，但对于水平方向有等间隔的剖面样本来说不是必要的。

##### 4.4.1 级联圆柱体方法

需得到海拔高度的样本集合，应用于地形高度剖面。第一个和最后一个是发射机和接收机两端点的海拔高度。距离和高度值的表述由从1到 $N$ 存储于一个阵列内的指数给出， $N$ 为剖面上样本的数目。

下面说明系统使用下标符号的含义：

$h_i$ : 第 $i$ 个样本点的海拔高度

$d_i$ : 第 $i$ 个样本点与发射机的距离

$d_{ij}$ : 第 $i$ 个到第 $j$ 个样本点间的距离。

方法的第一步是进行剖面的“延伸样本串”分析，它可对发射机到接收机剖面上延伸的样本串所接触的样本点进行标识。

可以按下面的程序做到这一点，其中，所有的高度和距离值都有独立单位，所有角度都以弧度为单位。方法中包括计算上的近似假设，它对较小水平倾角的无线电路径有效。如果路径的电波射线斜率超过大约 $5^\circ$ ，则采用更准确的几何学较适当。

从剖面上的一端开始到另一端终止，从当前一个样本串点看出去，对本地水平线之上最大仰角的剖面点标识为各个样本串点。自点 $s$ 看出去，第 $i$ 个剖面样本 ( $i > s$ ) 的仰角为：

$$e = [(h_i - h_s) / d_{si}] - [d_{si} / 2a_e] \quad (40)$$

其中：

$$\begin{aligned} a_e &: \text{地球有效半径,} \\ &= k \times 6371 \text{ (km)} \end{aligned}$$

以及

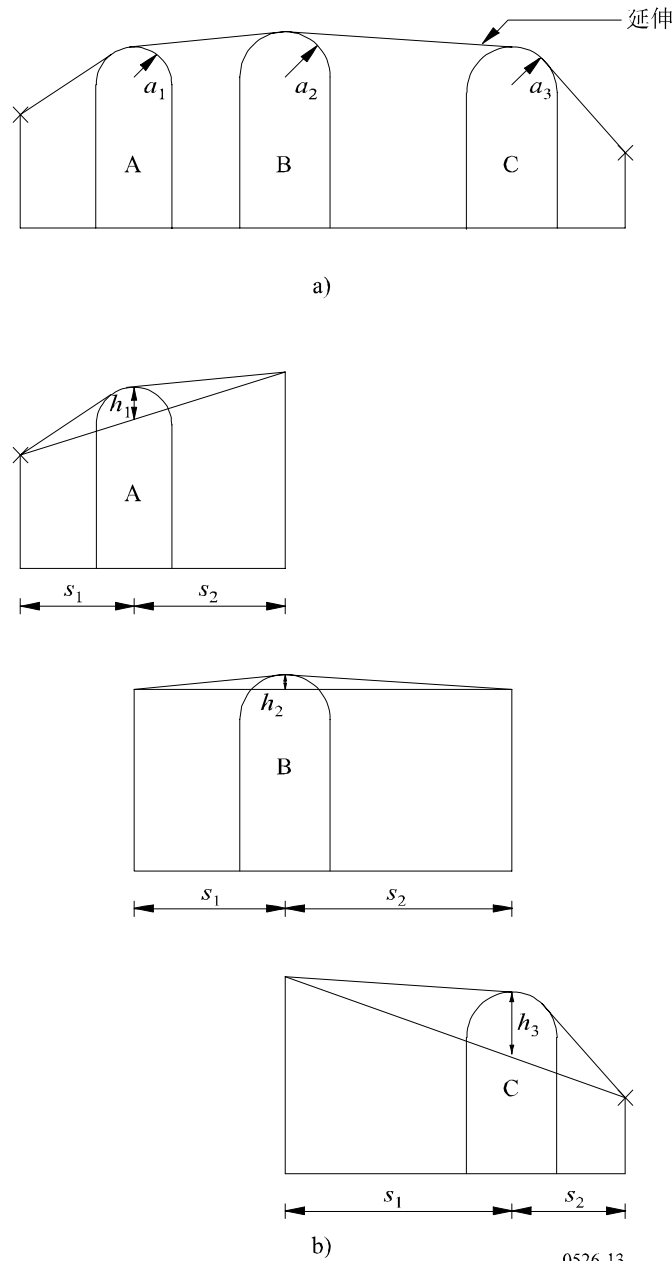
$$k: \text{地球有效半径系数。}$$

现在，实行一种测试以确定两个或多个样本串点的任何组群是否可代表同样的地形障碍。对于间隔为250 m或小些的样本点，除发射机和接收机之外，接连的剖面样本的样本串点任何组群，应按一个障碍予以对待。

如图13中所示，每个障碍现以圆柱体建模。每一个单个的圆柱体几何图分别对应于图8c)。注意图13中每个圆柱体的相关距离 $s_1$ 、 $s_2$ 是各顶点间在水平方向上测量得的，而对于近乎水平的射线，这些距离近似于图8c)中的倾斜距离 $d_1$ 和 $d_2$ 。对于水平倾角大于约 $5^\circ$ 的射线，需将 $s_1$ 和 $s_2$ 设定为顶点间的倾斜距离 $d_1$ 和 $d_2$ 。

图 13

级联圆柱体模型: a) 全部问题; b) 细节



类似地，图13中每个圆柱体的高度 $h$ 是在垂直方向上测量得的、从圆柱体顶点到连接相邻顶点或终端的直线之间的距离。每个圆柱体的 $h$ 值对应于图8c)中的 $h$ 。又，对于近乎水平的射线，圆柱体高度可按垂直线计算，而对于较陡的射线角度，需要对其圆柱体基线做出法线以计算 $h$ 。

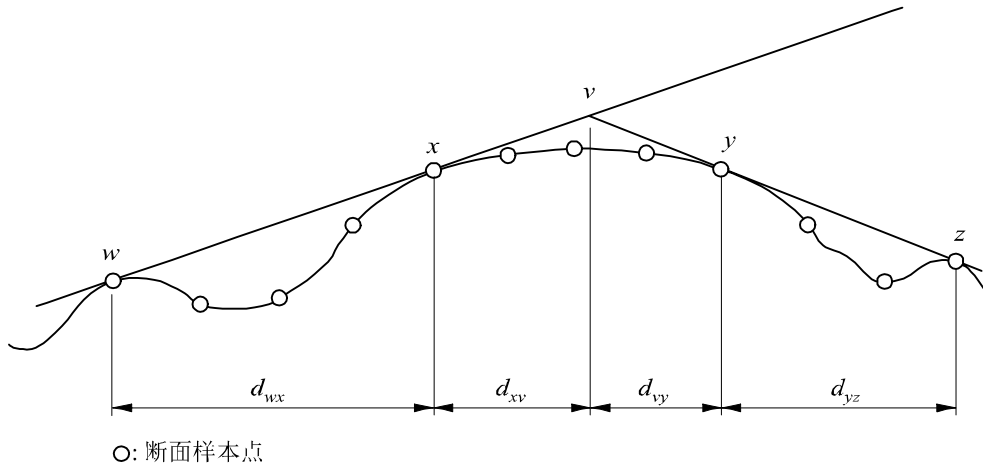
图14说明了由一个以上样本串点构成障碍物的几何图。下面说明各样本串点的含义：

- w: 发射机一侧障碍中最初的样本串点或即是端点，它实际不是障碍物的一部分
- x: 构成障碍物部分的样本串点，它最靠近发射机
- y: 构成障碍物部分的样本串点，它最靠近接收机

0526-13

- z: 接收机一侧障碍中最末的样本串点或即是端点，它实际不是障碍物的一部分  
 v: 障碍物之上关联的射线相交形成的顶点。

图 14  
 多点障碍物的几何图



0526-14

字母w、x、y和z也都是剖面内距离和高度样本陈列中的指数。对于由孤立的样本串点构成的障碍物，x和y有相同的值，可称为剖面点，它与顶点一致。注意对于级联圆柱体，点y和z属于一个圆柱体，而点w和x属于下一个圆柱体，等等。

使圆柱体适合于通用地形剖面的逐步分析方法在附录1中说明。每一个障碍由w、x、y和z加以表征。然后，应用附录1中的方法以得到圆柱体参数 $s_1$ 、 $s_2$ 、 $h$ 和 $R$ 。如此对剖面进行建模后，路径的绕射损耗可按三项之和进行计算：

- 圆柱体上方绕射损耗之和；
- 圆柱体之间（以及圆柱体与相邻终端之间）子路径绕射损耗之和；
- 校正项。

相对于自由空间损耗的总绕射损耗（dB）可写成下面公式：

$$L_d = \sum_{i=1}^N L'_i + L''(w x)_1 + \sum_{i=1}^N L''(y z)_i - 20 \log C_N \quad \text{dB} \quad (41)$$

其中：

- $L'_i$ : 按第4.2节方法计算的第*i*个圆柱体上的绕射损耗
- $L''(w x)_1$ : 第一圆柱体的点w与x之间路径的子路径绕射损耗
- $L''(y z)_i$ : 所有圆柱体的点y与z之间路径段的子路径绕射损耗
- $C_N$ : 相继圆柱体上计算由于绕射造成的扩散损耗时的校正系数。



附录2中给出一种方法，用以对障碍物之间路径中的每一视距段计算 $L''$ 子路径绕射损耗。

校正系数 $C_N$ 应用下面公式进行计算：

$$C_N = (P_a / P_b)^{0.5} \quad (42)$$

其中：

$$P_a = s_1 \prod_{i=1}^N [(s_2)_i] \left( s_1 + \sum_{j=1}^N [(s_2)_j] \right) \quad (43)$$

$$P_b = (s_1)_1 (s_2)_N \prod_{i=1}^N [(s_1)_i + (s_2)_i] \quad (44)$$

圆括号内的下标指示单个圆柱体。

#### 4.4.2 级联刀刃形障碍物方法

方法中依据的程序，依照路径剖面而重复使用1至3次。程序内包括：在剖面中给定的路径段内寻找样本点。如第4.1节中的说明，该点具有最大值的几何参数 $v$ 。所考虑剖面的路径段由样本点指数 $a$ 到样本点指数 $b$  ( $a < b$ ) 做出规定。如果 $a+1=b$ ，则没有中间样本点，此时所考虑路径段的绕射损耗为零。否则，对该结构适合于计算 $v_n$  ( $a < n < b$ )，并选择具有最高 $v$ 值的样本点。第 $n$ 剖面点的 $v$ 值由下面公式给出：

$$v_n = h \sqrt{2d_{ab} / \lambda d_{an} d_{nb}} \quad (45)$$

其中：

$$h = h_n + [d_{an} d_{nb} / 2 r_e] - [(h_a d_{nb} + h_b d_{an}) / d_{ab}] \quad (45a)$$

$h_a, h_b, h_n$ : 图15中所示的垂直高度

$d_{an}, d_{nb}, d_{ab}$ : 图15中所示的水平距离

$r_e$ : 地球有效半径

$\lambda$ : 波长

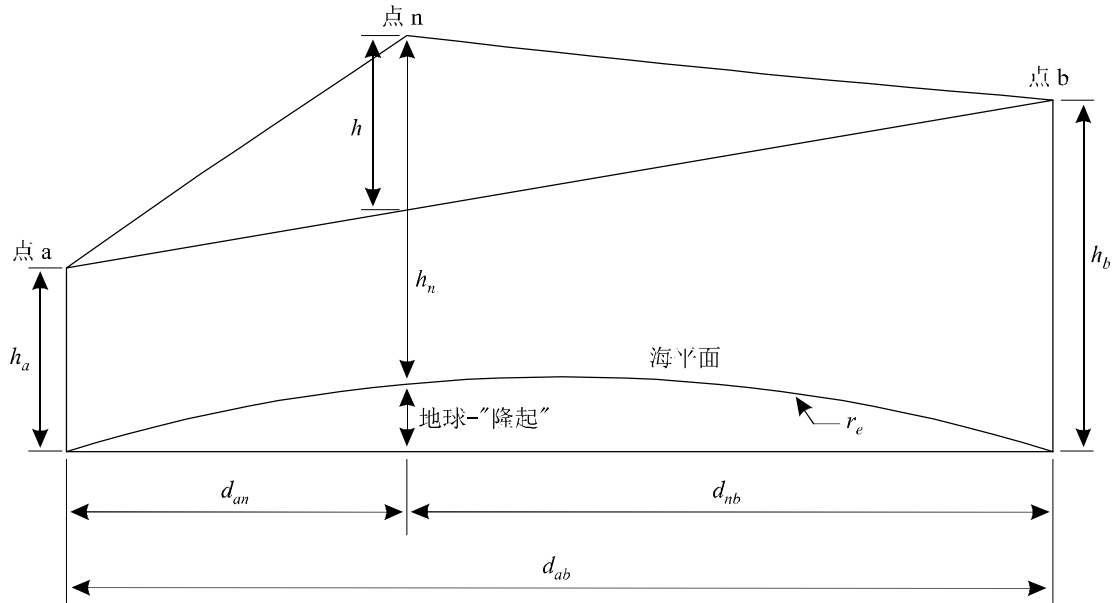
所有 $h$ 、 $d$ 、 $r_e$ 和 $\lambda$ 都有独立单位。

然后，对于 $v > -0.78$ ，按照公式(27)得出绕射损耗作为刀刃形障碍物造成的损耗 $J(v)$ 。如果不满足 $v > -0.78$ 的条件，则损耗为零。

注意公式(45)可以从公式(22)中直接导出。公式(45a)的几何关系在图15中示出。公式(45a)中的第二项是由于地球曲率而在点 $n$ 处给出附加高度的一种良好近似。

图 15

单个刀刃形障碍物几何图



0526-15

上面的程序首先应用于从发射机到接收机的整个剖面上。具有最大 $v$ 值的样本点称为主刀刃形障碍物 $p$ ，相应的损耗为 $J(v_p)$ 。

如果 $v_p > -0.78$ ，该程序再应用两次：

- 从发射机到点 $p$ ，以得到 $v_t$ 以及 $J(v_t)$ ；
- 从点 $p$ 到接收机，以得到 $v_r$ 以及 $J(v_r)$ 。

然后，由下面的公式给出路径中额外的绕射损耗：

$$L = J(v_p) + T [J(v_t) + J(v_r) + C] \quad \text{对于 } v_p > -0.78 \quad (46a)$$

$$L = 0 \quad \text{对于 } v_p \leq -0.78 \quad (46b)$$

其中：

$C$ ：经验校正量

$$C = 10.0 + 0.04D \quad (47)$$

$D$ ：总路径长度 (km)

以及

$$T = 1.0 - \exp [-J(v_p)/6.0] \quad (48)$$

需要指出，对于超视距路径，上面的程序是以限制为最多三个刀刃形障碍物的Deygout方法为基础。对于视距路径，它与Deygout方法在结构上的差别在于，在主刀刃形障碍物产生非零绕射损耗的情况下，仍然要用到两个副刀刃形障碍物。

由于为主要或附属边缘选择的分布点不同，通过该方法产生的作为有效地球半径函数的预测绕射损耗可能不具延续性。要产生作为有效地球半径函数的绕射损耗的平滑且少有变化的预测，主要边缘（如其在两侧均有附属边缘）可首先作为有效地球半径的中值。然后，

再用这些边缘计算有效地球半径其它取值情况下的绕射损耗，无需重复点定位程序。但是，当有效地球半径大于或小于中值时，使用该方法可能不够准确。

ITU-R P.452-12建议书在绕射模型中使用了级连刀刃方法。用两个有效地球半径计算绕射损耗：中值和平均年份中超过 $\beta_0\%$ 的值，地球弯曲因数为3。参数 $\beta_0$ 代表异常传播控制整体结果的时间百分比。基于反向辅助累积标称分布，使用内插程序计算在 $\beta_0$ 和50%时间比例内未超出的绕射损耗。但是，当计算在 $\beta_0\%$ 时间内的绕射损耗时，ITU-R P.452建议书使用位于中值的主要边缘（如其具有附属边缘）。这样可以避免下列情况的发生，即由于这些边缘的变化，分布细节稍有改动就可能造成 $\beta_0\%$ 时间范围内绕射损耗的巨大变化。

## 5 薄屏蔽上的绕射

下面的方法中假定，障碍物的形状为薄的屏蔽。此种方法可以应用于围绕障碍物或是穿过孔径的电波传播。

### 5.1 有限宽度的屏蔽

通过将有限宽度的人为屏蔽横挡于电波传播方向上，能够在接收地点（例如，小地球站）达到干扰抑制。此种场合，考虑存在三个刀刃形障碍物，也即屏蔽的顶部和两侧，能够计算屏蔽阴影区的场强。三个独立的障碍形成的建设性和破坏性干扰会使场强随波长量级的距离变化而快速起伏。下面的简化模型可以给出位置函数的平均和最小绕射损耗的估值。它包括单个干扰的幅度相加以得到最小绕射损耗估值，以及功率的相加以得到平均绕射损耗估值。对其模型已做出测试，与应用均匀绕射理论（UTD）和高精度测量得到的结果进行对比。

步骤1：应用公式（22）至（25）中的任一个对三个刀刃形障碍物之每一个（顶部、左侧和右侧）计算几何参数 $v$ 。

步骤2：按公式（27）计算与每一个刀刃形障碍物关联的损耗系数 $j(v) = 10^{J(v)/20}$ 。

步骤3：按下面公式计算最小绕射损耗 $J_{min}$ ：

$$J_{min}(v) = -20 \log \left[ \frac{1}{j_1(v)} + \frac{1}{j_2(v)} + \frac{1}{j_3(v)} \right] \quad \text{dB} \quad (49)$$

或者，另一种情况下，

步骤4：按下面公式计算平均绕射损耗 $J_{av}$ ：

$$J_{av}(v) = -10 \log \left[ \frac{1}{j_1^2(v)} + \frac{1}{j_2^2(v)} + \frac{1}{j_3^2(v)} \right] \quad \text{dB} \quad (50)$$

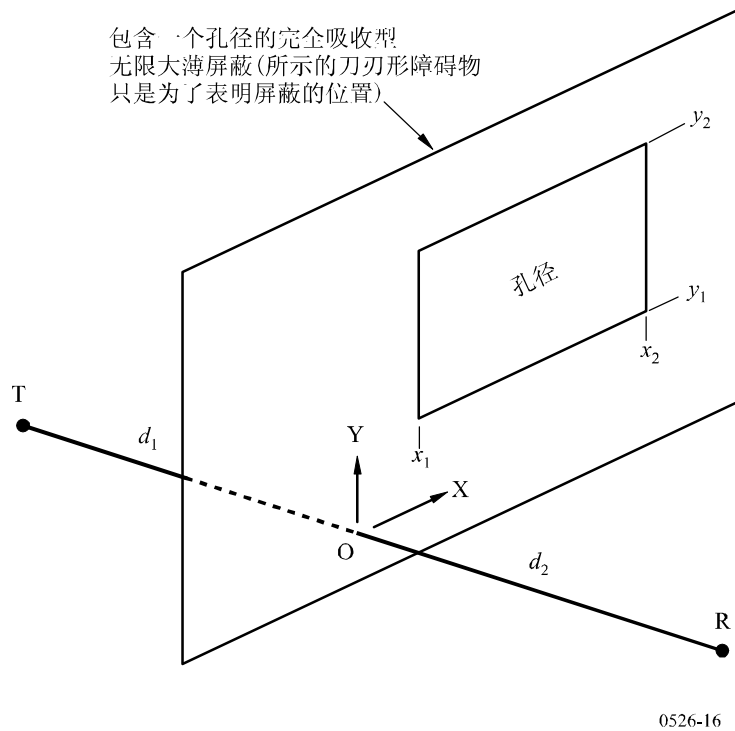
### 5.2 矩形孔径和复合孔径或屏蔽的绕射

下面说明的方法可用于预测由薄屏蔽上的矩形孔径或是完全吸收的薄屏蔽造成的绕射损耗。可以将方法扩展到包括几个矩形孔径或是有限的屏蔽上，因而是第5.1节内所述有限宽度屏蔽的另一种计算方法。

5.2.1 单个矩形孔径的绕射

图16示出在有一个矩形孔径无限大的完全吸收薄屏蔽的几何图。

图 16  
单个矩形孔径的几何图



孔径刀刃的位置 $x_1$ 、 $x_2$ 、 $y_1$ 和 $y_2$ 以直角坐标示出，原点处于自发射机 $T$ 到接收机 $R$ 的直线穿过屏蔽面的交点处，电波传播平行于 $Z$ 轴。发射机 $T$ 和接收机 $R$ 两者在屏蔽面之后和之前的距离分别为 $d_1$ 和 $d_2$ 。

接收机上的场强 $e_a$ 以自由空间的归一化线性单位给出，其复数形式为：

$$e_a(x_1, x_2, y_1, y_2) = 0.5(C_x C_y - S_x S_y) + j 0.5 (C_x S_y + S_x C_y) \tag{51}$$

其中：

$$C_x = C(v_{x2}) - C(v_{x1}) \tag{52a}$$

$$C_y = C(v_{y2}) - C(v_{y1}) \tag{52b}$$

$$S_x = S(v_{x2}) - S(v_{x1}) \tag{52c}$$

$$S_y = S(v_{y2}) - S(v_{y1}) \tag{52d}$$

在公式(22)中以 $x_1$ 、 $x_2$ 、 $y_1$ 和 $y_2$ 分别代替 $h$ ，得到4个 $v$ 值， $C(v)$ 和 $S(v)$ 给出于公式(7a)和(7b)中，并可应用公式(8a)和(8b)从复菲涅耳系数中做出估值。

相应的绕射损耗 $L_a$ 由下面公式给出：

$$L_a = -20 \log(e_a) \quad \text{dB} \tag{53}$$

5.2.2 复合孔径或屏蔽的绕射

用于单个矩形孔径的方法可如下地扩展：

由于在对公式（51）的自由空间进行归一化的线性单位中，自由空间场强表示为 $1.0+j.0.0$ ，所以，由单个矩形屏蔽（对地悬浮）的归一化复场强 $e_s$ 由下面公式给出：

$$e_s = 1.0 - e_a \tag{54}$$

其中， $e_a$ 的计算应用公式（51），按照与屏蔽上同样尺寸和位置的孔径进行分析。

- 由几个矩形孔径或孤立屏蔽的组合产生的归一化场强，可通过将公式（51）或（54）的结果相加进行计算。
- 任意形状的孔径或屏蔽可以用矩形孔径或屏蔽的合适组合做出近似。
- 由于 $v$ 趋向无限时 $C(v)$ 和 $S(v)$ 的积分收敛于 $0.5+j.0.5$ ，故公式（50）可应用于在一个或几个方向上无限延伸的矩形孔径中。

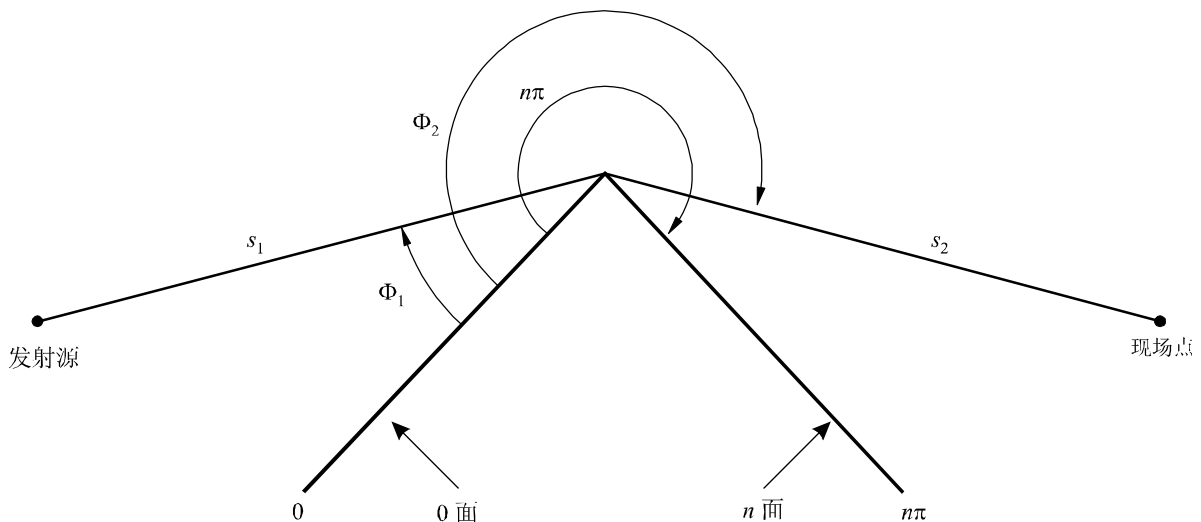
6 有限传导楔上的绕射

下面说明的方法能用于预测由有限传导楔造成的绕射损耗。合适的应用场合是当建筑物边角周围或是屋顶脊梁上、或是地形方面能由楔形山丘表征其产生的绕射时。方法中要求知道障碍楔的导电率和相对介电常数，并假定不发生穿过楔形材料的透射。

该方法基于均匀绕射理论（UTD）。它考虑到阴影区域和视距区域两者内的绕射，对这类区域间的平滑过渡给出计算方法。

有限传导楔形障碍的几何图在图17中示出。

图 17  
UTD楔绕射场合的几何图



现场点上电场的UTD公式专门以二维表示：

$$e_{UTD} = e_0 \frac{\exp(-jks_1)}{s_1} D_{\parallel}^{\perp} \cdot \sqrt{\frac{s_1}{s_2(s_1 + s_2)}} \cdot \exp(-jks_2) \quad (55)$$

其中：

$e_{UTD}$ ：现场点上的电场

$e_0$ ：相对的发源幅度

$s_1$ ：发源点到绕射脊的距离

$s_2$ ：绕射脊到现场点的距离

$k$ ：波数 $2\pi/\lambda$

$D_{\parallel}^{\perp}$ ：取决于绕射脊上入射电场极化（平行或垂直于入射平面）的绕射系数

$s_1$ 、 $s_2$ 和 $\lambda$ 具有独立单位。

有限传导楔的绕射系数，由下面公式给出：

$$D_{\parallel}^{\perp} = \frac{-\exp(-j\pi/4)}{2n\sqrt{2\pi k}} \left\{ \begin{array}{l} \cot\left(\frac{\pi + (\Phi_2 - \Phi_1)}{2n}\right) \cdot F(kLa^+(\Phi_2 - \Phi_1)) \\ + \cot\left(\frac{\pi - (\Phi_2 - \Phi_1)}{2n}\right) \cdot F(kLa^-(\Phi_2 - \Phi_1)) \\ + R_0^{\perp} \cdot \cot\left(\frac{\pi - (\Phi_2 + \Phi_1)}{2n}\right) \cdot F(kLa^-(\Phi_2 + \Phi_1)) \\ + R_n^{\perp} \cdot \cot\left(\frac{\pi + (\Phi_2 + \Phi_1)}{2n}\right) \cdot F(kLa^+(\Phi_2 + \Phi_1)) \end{array} \right\} \quad (56)$$

其中：

$\Phi_1$ ：入射角，从入射面（0面）上测量

$\Phi_2$ ：绕射角，从入射面（0面）上测量

$n$ ：传导楔处部角， $\pi$ 弧度的倍数（实际角= $n\pi$ （弧度））

$j = \sqrt{-1}$

其中 $F(x)$ 是菲涅耳积分：

$$F(x) = 2j\sqrt{x} \cdot \exp(jx) \cdot \int_{\sqrt{x}}^{\infty} \exp(-jt^2) dt \quad (57)$$

$$\int_{\sqrt{x}}^{\infty} \exp(-jt^2) dt = \sqrt{\frac{\pi}{8}}(1 - j) - \int_0^{\sqrt{x}} \exp(-jt^2) dt \quad (58)$$

该积分可以用数值积分进行计算。

另一种方法，可以用下面公式有效地近似：

$$\int_{\sqrt{x}}^{\infty} \exp(-jt^2) dt = \sqrt{\frac{\pi}{2}} A(x) \quad (59)$$

其中：

$$A(x) = \left\{ \begin{array}{ll} \frac{1-j}{2} - \exp(-jx) \sqrt{\frac{x}{4}} \sum_{n=0}^{11} \left[ (a_n + jb_n) \left(\frac{x}{4}\right)^n \right] & \text{if } x < 4 \\ -\exp(-jx) \sqrt{\frac{4}{x}} \sum_{n=0}^{11} \left[ (c_n + jd_n) \left(\frac{4}{x}\right)^n \right] & \text{otherwise} \end{array} \right\} \quad (60)$$

系数 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 、 $d$ 在第2.7节中给出：

$$L = \frac{s_2 \cdot s_1}{s_2 + s_1} \quad (61)$$

$$a^{\pm}(\beta) = 2 \cos^2 \left( \frac{2n\pi N^{\pm} - \beta}{2} \right) \quad (62)$$

其中：

$$\beta = \Phi_2 \pm \Phi_1 \quad (63)$$

在公式（62）中， $N^{\pm}$ 是最接近满足下面公式的整数。

$$N^{\pm} = \frac{\beta \pm \pi}{2n\pi} \quad (64)$$

$R_0^{\perp}, R_n^{\perp}$ 是竖向极化或平行极化的反射系数，由下面两公式分别给出：

$$R^{\perp} = \frac{\sin(\Phi) - \sqrt{\eta - \cos(\Phi)^2}}{\sin(\Phi) + \sqrt{\eta - \cos(\Phi)^2}} \quad (65)$$

$$R^{\parallel} = \frac{\eta \cdot \sin(\Phi) - \sqrt{\eta - \cos(\Phi)^2}}{\eta \cdot \sin(\Phi) + \sqrt{\eta - \cos(\Phi)^2}} \quad (66)$$

其中：

对于 $R_0$ ， $\Phi = \Phi_1$ ；对于 $R_n$ ， $\Phi = (n\pi - \Phi_2)$

$$\eta = \epsilon_r - j \times 18 \times 10^9 \sigma / f$$

$\epsilon_r$ ：楔形材料相对介电常数

$\sigma$ ：楔形材料电导率（S/m）

$f$ ：频率（Hz）。

注意必要时可以使传导楔的两侧面有不同的电性能。

在阴影边界和反射边界处，公式（56）中的余切函数之一会变成奇异式。

然而， $D^{\perp}$  仍为有限值，可以方便地计算。对于小的 $\varepsilon$ ，包含奇异余切函数的数据项由下面公式给出：

$$\cot\left(\frac{\pi \pm \beta}{2n}\right) \cdot F(kLa^{\pm}(\beta)) \cong n \cdot \left[ \sqrt{2\pi kL} \cdot \text{sign}(\varepsilon) - 2kL\varepsilon \cdot \exp(j\pi/4) \right] \cdot \exp(j\pi/4) \quad (67)$$

其中， $\varepsilon$ 由下面的公式规定：

$$\varepsilon = \pi + \beta - 2\pi nN^+ \quad \text{对于 } \beta = \Phi_2 + \Phi_1 \quad (68)$$

$$\varepsilon = \pi - \beta + 2\pi nN^- \quad \text{对于 } \beta = \Phi_2 - \Phi_1 \quad (69)$$

计算反射射线时只要应用相同的反射系数，在阴影边界和反射边界处得到的绕射系数将是连续的。

因绕射射线产生的电场 $e_{LD}$ 由下面公式给出，当 $(\Phi_2 - \Phi_1) < \pi$ 时要加上视距射线产生的电场：

$$e_{LD} = \begin{cases} e_{UTD} + \frac{\exp(-jks)}{s} & \text{对于 } \Phi_2 < \Phi_1 + \pi \\ e_{UTD} & \text{对于 } \Phi_2 \geq \Phi_1 + \pi \end{cases} \quad (70)$$

其中：

$s$ ：发射源与现场点之间的直线距离。

注意 $(\Phi_2 - \Phi_1) = \pi$ 时，公式（56）中的第二个余切项将变成奇异式，须采用公式（67）给出的另一种近似式。

相对于不存在楔形障碍时现场点上会有的场强（dB）（也即相对于自由空间的场强，dB），现场点上的场强借助于将公式（55）中的 $e_0$ 设定为单位值，然后按下面公式进行计算：

$$E_{UTD} = 20 \log \left( \left| \frac{s \cdot e_{UTD}}{\exp(-jks)} \right| \right) \quad (71)$$

其中：

$s$ ：发射源与现场点之间的直线距离。

需要指出， $n=2$ 和反射系数为零时，应得到如图9所示的刀刃形障碍物绕射损耗的相同的结果。

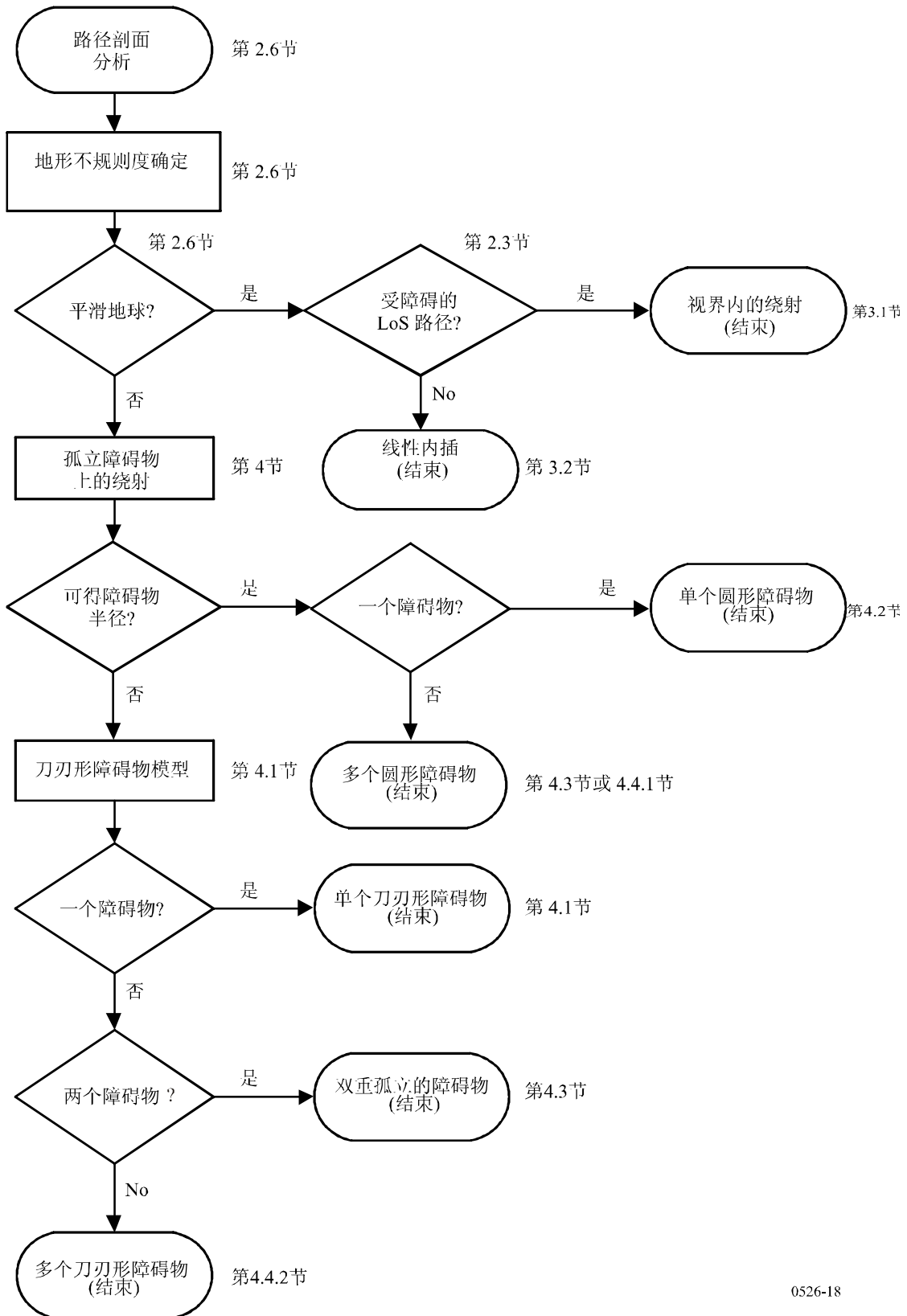
从国际电联无线电通信局可以得到UTD方程式运算的MathCAD版本。

## 7 绕射传播运算流程

第3节和第4节中提及的绕射损耗的计算，其一般流程在图18中示出。该流程图对各种场合下采用的步骤做出概括。



图 18  
绕射传播运算流程



## 附件1的附录1

## 圆柱体参数的计算

下面的方法可应用于计算图8c) 中示出的圆柱体参数以及图14中每一个地形障碍的参数。计算中采用独立单位，所有角度的单位为弧度。对水平倾角 $5^\circ$  之内的无线电路径，可以应用近似公式进行计算。

## 1 绕射角和顶点位置

虽然这两个数据没有直接用做圆柱体参数，但需要知道圆柱体上的绕射角和顶点位置。

障碍物上的绕射角由下面公式给出：

$$\theta = \alpha_w + \alpha_z + \alpha_e \quad (72)$$

其中， $\alpha_w$ 和 $\alpha_z$ 是分别从点 $w$ 和 $z$ 看出去、对本地地平线上点 $x$ 和 $y$ 的仰角，它们由下面的公式给出：

$$\alpha_w = (h_x - h_w) / d_{wx} - d_{wx} / 2a_e \quad (73)$$

$$\alpha_z = (h_y - h_z) / d_{yz} - d_{yz} / 2a_e \quad (74)$$

又， $\alpha_e$ 是点 $w$ 和 $z$ 之间的大圈距离对向的角度，由下面公式给出：

$$\alpha_e = d_{wz} / a_e \quad (75)$$

从点 $w$ 到顶点的距离，根据障碍物是由单个剖面样本点或是由一个以上剖面样本点予以表示而做出相应的计算。

对于单个样本点的障碍，有下面公式：

$$d_{wv} = d_{wx} \quad (76)$$

对于多个点的障碍，有必要保护其免受很小角度值的绕射：

$$d_{wv} = [(\alpha_z + \alpha_e / 2) d_{wz} + h_z - h_w] / \theta \quad \text{对于 } \theta \cdot a_e \geq d_{xy} \quad (77a)$$

$$d_{wv} = (d_x + d_y) / 2 \quad \text{对于 } \theta \cdot a_e < d_{xy} \quad (77b)$$

从顶点 $v$ 起到点 $z$ 的距离由下面公式给出：

$$d_{vz} = d_{wz} - d_{wv} \quad (78)$$

海平面上顶点的高度，根据障碍物是由单个剖面样本点或是由一个以上剖面样本点予以表示而做出相应的计算。

对于单个样本点的障碍，有下面公式：

$$h_v = h_x \quad (79)$$

对于多个点的障碍，有下面公式：

$$h_v = d_{wv} \alpha_w + h_w + d_{2,wv} / 2a_e \quad (80)$$

## 2 圆柱体系数

现在，对于样本串分析中定义的每一个地形障碍可计算在图8c)中示出的圆柱体参数：

$d_1$ 和 $d_2$ 分别是障碍物的发射机侧和接收机侧相对于起作用障碍物（或终端）顶点的距离，

并有：

$$h = h_v + d_{wv} d_{vz} / 2a_e - (h_w d_{vz} + h_z d_{wv}) / d_{wz} \quad (81)$$

为了计算圆柱体半径，进一步应用两个剖面样本点：

$p$ : 在发射机一侧与 $x$ 相邻的点；

以及：

$q$ : 在接收机一侧与 $y$ 相邻的点。

因此，剖面指数 $p$ 和 $q$ 由下面的式子给出：

$$p = x - 1 \quad (82)$$

以及：

$$q = y + 1 \quad (83)$$

如果 $p$ 或 $q$ 给定的点为一个终端，则对应的 $h$ 值应是该点处的地形高度，而不是天线的海拔高度。

对于圆柱体半径的计算，应是在考虑到地球的曲率下将剖面段 $p-x$ 与 $y-q$ 之间斜率的差值除以 $p$ 与 $q$ 间的距离。

该计算中需要的剖面样本点之间的距离为：

$$d_{px} = d_x - d_p \quad (84)$$

$$d_{yq} = d_q - d_y \quad (85)$$

$$d_{pq} = d_q - d_p \quad (86)$$

$p-x$ 与 $y-q$ 剖面段之间斜率的差值由下面公式给出，单位为弧度：

$$t = (h_x - h_p) / d_{px} + (h_y - h_q) / d_{yq} - d_{pq} / a_e \quad (87)$$

其中， $a_e$ 为地球有效半径。

现在，圆柱体半径由下面公式给出：

$$R = [d_{pq} / t] [1 - \exp(-4v)]^3 \quad (88)$$

其中， $v$ 是公式(28)中无量纲的刀刃形障碍物参数。

公式(88)中，第二个系数是应用于圆柱体半径上的一个经验性平滑函数，用以避免LoS障碍在一定程度上的不连续性。

## 附件1的附录2

## 子路径绕射损耗

## 1 引言

本附录给出一种方法，用于计算绕射路径中LoS子路段的子路径绕射损耗。绕射路径用级联圆柱体建模，每一个圆柱体由图13和14中示出的剖面点的 $w$ 、 $x$ 、 $y$ 和 $z$ 表征。对总路径中由 $w$ 和 $x$ 或者 $y$ 和 $z$ 表示的样本点之间的每个子路段，计算其子路径绕射损耗。这些是路径中障碍物之间或是终端与障碍物之间的LoS路段。

该方法也能应用于带有子路径绕射的LoS路段中。此种场合下，它适用于整个路径。

## 2 方法

对于指数为 $u$ 和 $v$ 的剖面样本点之间的视距剖面路段，首要工作是识别除 $u$ 和 $v$ 之外将会在 $u$ 到 $v$ 的射线行程中使第一菲涅耳区内产生最大障碍成分的剖面样本点。

为了避免选择出已经建模成圆柱体的地面障碍之一内的主体部分，将 $u$ 与 $v$ 之间的剖面限制为两个附加指数 $p$ 和 $q$ 之间的路段，对它们如下地设定：

- 设定 $p = u + 1$ .
- 如果 $p < v$ 和 $h_p > h_{p+1}$ ，则 $p$ 加1，并重复计算；
- 设定 $q = v - 1$ .
- 如果 $q > u$ 和 $h_q > h_{q-1}$ ，则 $q$ 减1，并重复计算。

如果 $p=q$ ，则子路径障碍损耗设定为零。否则，计算如下地向前进行。

现在，需找出由独立单位的 $h_z/F_1$ 给出的归一化间隔 $C_F$ 的最小值。

$h_z$ : 剖面样本点 $i$ 上射线的高度

$F_1$ : 第一菲涅耳区的半径。

最小的归一化间隔可写成下面公式：

$$C_F = \min_{i=p}^q [(h_z)_i / (F_1)_i] \quad (89)$$

其中：

$$(h_z)_i = (h_r)_i - (h_t)_i \quad (90)$$

$$(F_1)_i = \sqrt{\lambda \cdot d_{ui} \cdot d_{iv} / d_{uv}} \quad (91)$$

$(h_r)_i$ 是在第*i*个剖面样本点处连结*u*和*v*点处海平面的直线上方射线的高度，由下面公式给出：

$$(h_r)_i = (h_u \cdot d_{iv} + h_v \cdot d_{ui}) / d_{uv} \quad (92)$$

$(h_t)_i$ 是在第*i*剖面样本点处连结*u*和*v*点之海平面的直线上方的地形高度，由下面公式给出：

$$(h_t)_i = h_i + d_{ui} \cdot d_{iv} / 2a_e \quad (93)$$

---