|  |
| --- |
| **Recommandation UIT-R SF.765-1**  **(02/2003)** |
| **Intersection des lobes des antennes de faisceaux hertziens avec les orbites  des stations spatiales du service  fixe par satellite** |
| **Série SF**  **Partage des fréquences et coordination entre les systèmes du service fixe par satellite et du service fixe** |

Avant-propos

Le rôle du Secteur des radiocommunications est d’assurer l’utilisation rationnelle, équitable, efficace et économique du spectre radioélectrique par tous les services de radiocommunication, y compris les services par satellite, et de procéder à des études pour toutes les gammes de fréquences, à partir desquelles les Recommandations seront élaborées et adoptées.

Les fonctions réglementaires et politiques du Secteur des radiocommunications sont remplies par les Conférences mondiales et régionales des radiocommunications et par les Assemblées des radiocommunications assistées par les Commissions d’études.

# Politique en matière de droits de propriété intellectuelle (IPR)

La politique de l'UIT‑R en matière de droits de propriété intellectuelle est décrite dans la «Politique commune de l'UIT‑T, l'UIT‑R, l'ISO et la CEI en matière de brevets», dont il est question dans l'Annexe 1 de la Résolution UIT-R 1. Les formulaires que les titulaires de brevets doivent utiliser pour soumettre les déclarations de brevet et d'octroi de licence sont accessibles à l'adresse <http://www.itu.int/ITU-R/go/patents/fr>, où l'on trouvera également les Lignes directrices pour la mise en oeuvre de la politique commune en matière de brevets de l'UIT‑T, l'UIT‑R, l'ISO et la CEI et la base de données en matière de brevets de l'UIT-R.

|  |  |
| --- | --- |
| Séries des Recommandations UIT-R  (Egalement disponible en ligne: <http://www.itu.int/publ/R-REC/fr>) | |
| **Séries** | Titre |
| **BO** | Diffusion par satellite |
| **BR** | Enregistrement pour la production, l'archivage et la diffusion; films pour la télévision |
| **BS** | Service de radiodiffusion sonore |
| **BT** | Service de radiodiffusion télévisuelle |
| **F** | Service fixe |
| **M** | Services mobile, de radiorepérage et d'amateur y compris les services par satellite associés |
| **P** | Propagation des ondes radioélectriques |
| **RA** | Radio astronomie |
| **RS** | Systèmes de télédétection |
| **S** | Service fixe par satellite |
| **SA** | Applications spatiales et météorologie |
| **SF** | **Partage des fréquences et coordination entre les systèmes du service fixe par satellite et du service fixe** |
| **SM** | Gestion du spectre |
| **SNG** | Reportage d'actualités par satellite |
| **TF** | Emissions de fréquences étalon et de signaux horaires |
| **V** | Vocabulaire et sujets associés |

|  |
| --- |
| ***Note****: Cette Recommandation UIT-R a été approuvée en anglais aux termes de la procédure détaillée dans la  Résolution UIT-R 1.* |

*Publication électronique*

Genève, 2011

© UIT 2011

Tous droits réservés. Aucune partie de cette publication ne peut être reproduite, par quelque procédé que ce soit, sans l’accord écrit préalable de l’UIT.

RECOMMANDATION UIT-R SF.765-1[[1]](#footnote-1)

Intersection des lobes des antennes de faisceaux hertziens avec  
les orbites des stations spatiales du service fixe par satellite

(1992-2002)

Domaine d'application

La présente Recommandation traite de divers aspects de l'intersection des lobes des antennes de faisceaux hertziens avec les orbites des stations spatiales du service fixe par satellite et, en particulier, présente à l'Annexe 2 une méthode analytique pour le calcul des écarts angulaires entre les faisceaux des antennes de faisceaux hertziens et l'orbite des satellites géostationnaires. Cette Recommandation révisée étend l'applicabilité de l'Annexe 2 de sorte que celle-ci s'applique également aux antennes de faisceaux hertziens dont l'angle d'élévation est très élevé. On trouvera dans l'Appendice 1 à l'Annexe 2 le code d'un programme informatique écrit en langage C.

L'Assemblée des radiocommunications de l'UIT,

considérant

a) que, pour vérifier que les stations hertziennes fixes fonctionnant en dessous de 15 GHz sont conformes aux dispositions pertinentes du Règlement des radiocommunications, il faut calculer l'angle entre la direction du faisceau de l'antenne de la station hertzienne et la direction vers l'orbite des satellites géostationnaires;

b) qu'il faut tenir compte de l'effet de la réfraction atmosphérique dans ce calcul,

recommande

**1** de prendre en compte les données contenues dans l'Annexe 1 lors de la planification des systèmes hertziens fixes;

**2** d'utiliser la méthode décrite dans l'Annexe 2 pour calculer l'angle entre la direction du faisceau de l'antenne de la station hertzienne et l'orbite des satellites géostationnaires.

NOTE 1 – Par souci de protection, il faut éviter de pointer les antennes des récepteurs très sensibles de stations hertziennes fonctionnant dans les bandes de fréquences comprises entre 1 et 15 GHz utilisées en partage avec les services de radiocommunications spatiales (espace‑Terre) en direction de l'orbite des satellites géostationnaires. A cette fin, on peut aussi utiliser la méthode décrite dans la présente Recommandation.

Annexe 1  
  
Intersections des lobes des antennes de faisceaux hertziens avec les orbites  
des stations spatiales du service fixe par satellite: considérations générales

# 1 Introduction

L'exposition des lobes des antennes des systèmes hertziens fixes au rayonnement des satellites de télécommunication peut être estimée par des méthodes géométriques lorsque ces satellites sont sur des orbites circulaires dont les projections sur la surface de la Terre sont récurrentes mais elle ne peut être prévue statistiquement que lorsque les orbites sont circulaires et inclinées et ont des périodes arbitraires. On peut faire en sorte qu'un système à satellites en phase, avec projections récurrentes, ait une projection unique sur la surface de la Terre; ces systèmes présentent de plus en plus d'intérêt pour les radiocommunications. Les satellites géostationnaires constituent un cas particulier, car l'équateur représente la projection de toutes les orbites équatoriales.

En tout point situé à la surface de la Terre, d'où l'on peut voir les satellites d'un système à projection unique sur la surface de la Terre, les satellites successifs (non stationnaires) suivent un arc fixe qui traverse la voûte céleste d'un horizon à l'autre. De plus, sauf dans le cas des orbites inclinées, cet arc ne dépend pas de la longitude et est symétrique par rapport à la direction nord‑sud.

Dans les paragraphes suivants de la présente Annexe, on examine les conditions d'exposition à une orbite équatoriale circulaire (y compris le cas particulier des orbites de satellites géostationnaires) ainsi que la probabilité d'exposition à des satellites non en phase (projection non récurrente sur la surface de la Terre).

Plusieurs administrations ont fourni des renseignements sur la mesure dans laquelle les antennes de systèmes hertziens fixes existants sont orientées vers l'orbite d'un satellite géostationnaire. Ces rensei­gnements indiquent que, si le pourcentage total des faisceaux d'antennes qui coupent cette orbite est d'environ 2%, il sera beaucoup plus élevé si l'on tient compte, d'une part, des faisceaux s'étendant à ± 2 de leur axe et, d'autre part, de l'effet de la réfraction. En examinant les stations de faisceaux hertziens par rapport aux dispositions pertinentes du Règlement des radiocommunications, on constate que la proportion de stations dont le faisceau d'antenne est orienté à ± 2 de l'orbite des satellites géo­stationnaires est, dans certains pays, de l'ordre de 10%. En outre, on n'a pas le droit de supposer que des parties importantes de l'orbite d'un satellite géostationnaire (quelle que soit leur longitude) échappent au rayonnement des antennes des systèmes hertziens fixes.

# 2 Quelques caractéristiques des faisceaux des antennes des systèmes hertziens fixes de Terre

Les systèmes hertziens fixes en visibilité directe utilisent des antennes ayant un gain de l'ordre de 40 dB et des lobes dont l'ouverture angulaire à mi-puissance est de l'ordre de 2. Les systèmes transhorizon utilisent généralement des antennes à gain plus élevé et des lobes à ouverture angulaire plus petite (par exemple, 50 dB et 0,5). Dans les deux cas, le trajet a une inclinaison inférieure à 0,5 en moyenne; elle dépasse rarement 5. Lorsque la totalité d'un lobe à inclinaison négative frappe la surface de la Terre, il n'est pas exposé à une orbite. Pour les lobes dont l'axe est orienté vers l'horizon, seule leur moitié supérieure risque d'être exposée à une orbite.

Lorsqu'on utilise des réflecteurs passifs, il convient de tenir compte également de la diffraction.

Etant donné que les lobes de rayonnement passent au voisinage de la surface terrestre et traversent une couche assez épaisse de l'atmosphère, il faut, si l'on veut calculer exactement l'exposition, tenir compte de la diffraction et de la réfraction.

# 3 Directions par rapport aux orbites équatoriales circulaires

On sait que, d'après des considérations d'ordre géométrique, l'azimut *A* (mesuré dans le sens des aiguilles d'une montre à partir du nord) et l'angle de site *e* d'un satellite placé sur une orbite équatoriale circulaire peuvent s'exprimer par:

*A*  arctg (± tg λ/sin ϕ) (1)

 (2)

où:

*K* : rapport rayon de l'orbite/rayon terrestre

ϕ : latitude de la station de Terre

λ : différence de longitude entre la station de Terre et le satellite.

Si l'on élimine  entre ces deux équations, on obtient:

 (3)

En généralisant cette analyse, on peut, si besoin est, déterminer les azimuts et les angles de site pour n'importe quel système à orbite inclinée ayant une seule projection sur la surface de la Terre et dont les satellites évoluent à une altitude donnée; on peut aussi déterminer l'inclinaison et les points d'intersection avec l'équateur. Cependant, les directions de l'orbite, pour ces systèmes, dépendent à la fois de la latitude et de la longitude de la station de Terre.

Une antenne orientée vers une orbite équatoriale circulaire de satellite non géostationnaire (ou vers une autre orbite à une seule projection sur la surface de la Terre) subira certainement une exposition intermittente. Pour *m*satellites gravitant sur une orbite équatoriale circulaire (non géostationnaire), les antennes ayant une largeur de lobe de brouillage de  radians subiront le brouillage pendant une fraction de temps dont l'expression approchée est:

*P* = *m* θ/(2) (4)

Dans le cas particulier de l'orbite des satellites géostationnaires, *P* sera égal soit à zéro soit à l'unité.

# 4 Systèmes à satellites non en phase

Dans ce cas, on ne peut établir qu'une probabilité moyenne d'exposition au rayonnement d'un satellite. Ainsi, pour un système à *n* orbites, toutes de même hauteur et de même angle d'inclinaison*i*, la probabilité moyenne d'exposition peut s'exprimer par:

*P* = [*m n* θ/(8π cos ψ)] {arccos [(sin (ψ – θ/2))/sin *i*] – arccos [(sin (ψ + θ/2))/sin *i*]} (5)

lorsque ψ ≤ (*i* – θ/2),

*m* : nombre de satellites sur chaque orbite

 : latitude du point d'intersection du lobe de l'antenne et de la sphère orbitale.

On peut, dans la plupart des cas de la pratique où *i* > , effectuer le calcul au moyen de l'équation:

 (6)

L'utilisation de cette équation (6) à la place de l'équation (5) donne lieu à une erreur relative qui ne dépasse pas 0,25%.

Dans le cas particulier de l'orbite polaire, *i* = π/2 et l'expression ci-dessus se réduit à:

 (7)

# 5 Relations géométriques entre les orientations des antennes de faisceaux hertziens et l'orbite d'un satellite géostationnaire

Le cas de l'orbite d'un satellite géostationnaire est particulièrement important non seulement en ce qui concerne l'exposition des faisceaux hertziens au rayonnement des satellites, mais également en raison des restrictions apportées par les dispositions pertinentes du Règlement des radiocommunications en fonction de la direction des antennes de faisceaux hertziens pour protéger la réception dans les satellites géostationnaires.

L'équation (3) peut s'écrire:

 (8)

où:

*A* : azimut (ou complément à 360) compté à partir du sud dans l'hémisphère Nord et à partir du nord dans l'hémisphère Sud

*K* : rayon de l'orbite/rayon terrestre, 6,63 par hypothèse

*e* : angle géométrique de site d'un point situé sur l'orbite des satellites géostationnaires

ϕ : latitude de la station de Terre.

Pour une latitude de station et un angle de site donnés, les valeurs de l'angle *A* pour les deux points de l'orbite sont mesurées de part et d'autre du méridien.

## 5.1 Effet de la réfraction atmosphérique

La réfraction atmosphérique a généralement pour effet de courber le rayon radioélectrique vers la Terre; le rayonnement d'une antenne de faisceau hertzien d'angle de site  peut atteindre un satellite d'angle de site *e* où:

*e*  ε – τ (9)

*e* et ε étant les valeurs algébriques et  la valeur absolue de la correction due à la réfraction.

L'importance de la courbure est fonction du climat de la région où se trouve la station (indice de réfraction, gradient de l'indice, etc.), de l'altitude de cette station et de l'angle de site initial ε; la variation de τ en fonction de ε est particulièrement rapide pour les faibles valeurs négatives de ε.

La valeur de τ peut dépasser plusieurs dixièmes de degré, ce qui est particulièrement important pour les stations de latitude moyenne ou élevée, pour lesquelles une faible modification de l'angle de site se traduit par une modification importante de l'azimut de chacun des deux points correspondants sur l'orbite du satellite géostationnaire. De plus, cette correction est variable au cours du temps avec les conditions atmosphériques. En un point de latitude donné – pour un angle de site donné – l'azimut pointé sur l'orbite balaie, au cours du temps, une certaine zone angulaire.

Pour appliquer les dispositions pertinentes du Règlement des radiocommunications, tandis qu'une valeur moyenne de la réfraction procure une protection importante, pour obtenir une protection totale, il est souhaitable de considérer les valeurs maximale et minimale de la courbure due à la réfraction de façon à déterminer les azimuts des extrémités de cette zone angulaire; ceci peut se faire sur une base statistique. L'équation (8) peut être utilisée pour déterminer les azimuts extrêmes de la zone angulaire balayée à partir des angles de site extrêmes*e*1 et*e*2.

La détermination de la courbure  en fonction du climat, de l'altitude de la station et de l'angle de site  est malaisée, car l'hypothèse d'une atmosphère de référence de type exponentiel n'est pas toujours admissible et la probabilité de formation de conduits atmosphériques est loin d'être négligeable, surtout dans certaines zones maritimes chaudes.

Dans le cas où l'hypothèse d'une atmosphère de type exponentiel est admissible et où l'indice au sol *N*, et le gradient Δ*N* de l'indice entre 0 et 1 000 m sont liés, des courbes donnant la correction  en fonction de l'angle de site ε peuvent être calculées. La détermination des corrections maximale et minimale τ1 et 2 se ramène alors à l'estimation des valeurs maximale et minimale de *N* (ou de Δ*N* ) correspondant au cas particulier étudié.

L'influence de l'altitude de la station est très difficile à estimer. Pour les angles de site positifs, le rayon radioélectrique sort rapidement de l'atmosphère, la courbure τ est relativement faible et l'influence de l'altitude est probablement réduite. Par contre, pour les angles de site négatifs, un rayon franchissant l'horizon traverse deux fois les couches les plus denses de l'atmosphère; de ce fait, la courbure τ est grande et sa variation en fonction de l'altitude, à angle de site constant, est vraisemblablement plus importante; cependant, on manque de données précises à ce sujet.

Provisoirement, et en vue de protéger l'orbite dans tous les cas, on adoptera les règles suivantes:

**5.1.1** dans les zones géographiques où on dispose de données sur la propagation permettant de déterminer la courbure sur une base statistique, la valeur maximale de la courbure, définie comme la valeur non dépassée pendant, par exemple, 99,5% du temps, ainsi que sa valeur minimale devraient être déduites de ces données;

**5.1.2** dans les cas où on ne dispose pas de telles données, on peut utiliser l'approximation suivante. Si l'on suppose une atmosphère de référence exponentielle, on peut calculer les limites de l'indice de réfraction au moyen de la réfraction radioélectrique au niveau de la mer *N*0 et du gradient Δ*N* (pris dans les cartes mondiales). Une gamme de valeurs de *N*0 comprises entre 250 et 400 (Δ*N* au niveau de la mer compris entre –30 et –68 respectivement) est représentative des valeurs minimale et maximale pour une grande partie du globe et pour toute l'année. Une fois ces limites établies, on peut calculer les courbes de τ1 et τ2 en fonction de l'angle de site de l'antenne et de l'altitude de la station.

On procède à l'intégration suivante pour calculer la correction de réfraction τ:

 (10)

Cette intégration s'effectue selon les conditions de la loi de Snell pour des coordonnées polaires, à savoir:

*n*(*r*) · *r* · cos ε = *n*(*r*1) · *r*1 · cos ε1 (11)

où:

*n*(*r*) = 1 + *a* · exp [–*b*(*r* – *r*0)]

*r*0 : rayon de la Terre (6 370 km)

*r*1 = *r*0 + *h* (*h*: altitude de la station)

1 : angle de site au niveau de la station

*n*1 : indice de réfraction à l'altitude de la station

*n*2 : indice de réfraction au niveau de l'orbite

*a*  *N*0 × 10–6

*b* = ln [*N*0/(*N*0  Δ*N* )]

*N*0 = 400 et Δ*N* = –68 pour une courbure maximale

*N*0 = 250 et Δ*N* = –30 pour une courbure maximale.

L'intégration a été faite et les résultats des calculs sont présentés à la Fig. 1.

Des formules numériques, donnant une bonne approximation de cette fonction, sont reproduites dans la Note 2 du § 4 de l'Annexe 2 à la présente Recommandation.



## 5.2 Utilisation d'une méthode graphique pour déterminer les azimuts à éviter

Pour déterminer les azimuts à éviter, on peut utiliser une méthode graphique qui tient compte de l'influence de l'horizon local réel. Les approximations qui y ont été utilisées limitent son application aux stations situées au-dessous de 70 de latitude environ. Sa précision en azimut est d'environ 0,1 et est meilleure pour les angles de site faibles.

La méthode (Fig. 2) repose sur la considération de l'orbite apparente d'un satellite géostationnaire, compte tenu de l'effet de la réfraction, de la latitude de la station de Terre, de l'angle de site de son antenne et de l'influence de l'horizon optique (réel) local.



Pour tracer l'orbite apparente (tenant compte de l'effet de réfraction), il faut relever la trace de l'orbite géométrique, en chacun de ses points, d'une certaine quantité  qui est fonction de l'altitude de l'orbite et de la hauteur de la station.

Pour ce faire, on peut tracer le point dont l'altitude est  et l'azimut *C*(ε – ε)) où *C*( ) est donné par l'équation (14) de l'Annexe 2 et τ( ) est τ*max*( ) ou τ*min*( ) donné dans la Note 2 de l'Annexe 2.

La méthode peut se résumer comme suit:

**5.2.1** Sur la Fig. 2, tracer une droite passant par l'origine et par le point correspondant à la latitude de la station considérée (ceci implique que l'orbite peut, en première approximation, être assimilée à une droite dans ce petit intervalle). L'azimut de référence (0 sur la Fig. 2) pour un angle de site de valeur zéro est donné par l'équation (8).

**5.2.2** Tracer une droite horizontale correspondant à l'angle de site  prévu pour l'antenne.

**5.2.3** Relever la trace de l'orbite géométrique, en chacun de ses points, d'une certaine quantité  (fonction de *e*) pour tenir compte des réfractions maximale et minimale escomptées. Il en résulte deux nouvelles traces, l'une correspondant à la courbure maximale et l'autre à la courbure minimale.

**5.2.4** Tracer l'horizon local dans la région de l'azimut considéré. Pour les études préliminaires, on peut simplifier en remplaçant cet horizon par un horizon moyen approximatif.

**5.2.5** A l'aide d'un compas de 2 d'ouverture, chercher sur la droite correspondant à l'angle de site constant de l'antenne le centre du cercle tangent à la trace qui correspond à la courbure minimale: cela définit l'un des azimuts limites. Retrancher cet écart de l'azimut central déterminé à l'aide de l'équation (8).

De même, sur la droite qui représente l'angle de site constant de l'antenne, chercher le centre d'un deuxième cercle tel que son point d'intersection le plus rapproché avec la trace de courbure maximale se trouve juste au-dessus de l'horizon, cela définit le deuxième azimut limite. Ajouter cet écart à l'azimut central.

**5.2.6** Cette construction graphique peut également être utilisée pour trouver l'écart angulaire réel entre l'azimut d'une antenne existante et celui de l'orbite; ce sera l'ouverture de compas correspondant à la distance la plus courte entre le point ayant l'azimut et l'angle de site  de cette direction d'antenne et la trace de l'orbite la plus rapprochée. On se servira des dispositions pertinentes du Règlement des radiocommunications pour déterminer la puissance rayonnée maximale.

## 5.3 Méthode analytique

La méthode la plus simple pour calculer l'angle de site est d'utiliser une version informatique de la méthode de calcul analytique décrite dans l'Annexe 2. Il peut être préférable d'utiliser la méthode analytique et non la méthode graphique pour des stations situées à des latitudes élevées car les diverses approximations dont on se sert dans la méthode graphique ne sont plus valables dans ce cas.

Annexe 2  
  
Méthode analytique de calcul des écarts angulaires entre  
les faisceaux des antennes de faisceaux hertziens  
et l'orbite des satellites géostationnaires

# 1 Introduction

La méthode de calcul analytique décrite dans la présente Annexe comprend:

– les premiers calculs (§ 2) au cours desquels le faisceau principal est classé en 8 zones au total;

– la première détermination de l'écart angulaire (§ 3) où l'on donne une première estimation de l'écart angulaire qui servira de point de départ pour des calculs plus détaillés (§ 4);

– calculs détaillés de l'écart angulaire (§ 4) au cours desquels on obtient une valeur précise de l'écart angulaire.

Les paramètres nécessaires pour les calculs sont les suivants:

*B*: écart angulaire à respecter ( 2 entre 1 et 10 GHz et  1,5 entre 10 et 15 GHz) (voir la Note 1)

*L*: latitude de la station (valeur absolue)

*A*0: azimut du faisceau principal de l'antenne (mesuré dans le sens des aiguilles d'une montre ou dans le sens contraire à partir du sud dans l'hémisphère Nord ou à partir du nord dans l'hémisphère Sud 0  *A*0  180)

0 angle de site du faisceau principal de l'antenne

*max*(): courbure atmosphérique maximale correspondant à l'angle de site  (voir la Note 2)

*min*(): courbure atmosphérique minimale correspondant à l'angle de site  (voir la Note 2)

*m*1: valeur minimale de l'angle de site par rapport à l'horizon pour une courbure atmosphérique maximale, telle qu'elle est perçue depuis la hauteur de l'antenne de la station, pour un azimut compris entre *A*0 – *B* et *A*0  *B* (voir la Note 3)

*m*2: valeur minimale de l'angle de site par rapport à l'horizon pour une courbure atmosphérique minimale, telle qu'elle est perçue depuis la hauteur de l'antenne de la station, pour un azimut compris entre *A*0 – *B* et *A*0  *B* (voir la Note 3).

De plus, les équations suivantes sont définies:

*F*(*E* )  arccos (*K* –1 cos *E* ) (12)

où *K* est le rayon de l'orbite/rayon de la Terre, que l'on suppose être égal à 6,63

*S*(*A*, *E* )  arcsin [sin *L* · cos (*F*(*E* ) – *E* ) – cos *L* · sin (*F*(*E* ) – *E* ) · cos *A*] (13)

où *S*(*A*, *E* ) est l'angle (degrés) entre le faisceau et l'orbite (voir la Note 4)

*C*(*E* )  arccos [tg *L*/tg (*F*(*E* ) – *E* )] (14)

où *C*(*E* ) est l'azimut (degrés) de l'orbite correspondant à l'angle de site réfracté *E*. A noter que *F*, dans les équations (13) et (14), est calculé à partir de *E* à l'aide de l'équation (12).

 (15)

 (16)

où arcsin  est l'angle entre l'horizon et la ligne normale à l'orbite des satellites géostationnaires dans la direction de l'azimut où l'orbite des satellites géostationnaires coupe l'horizon, sans tenir compte de la réfraction atmosphérique, telle qu'elle est perçue depuis la latitude *L*.

*SAF*(*A*, *E* )  arccos[cos 0 · cos *E* · cos(*A* – *A*0)  sin 0 · sin *E*] (17)

où *SAF*(*A*, *E* ) est l'écart angulaire (degrés) entre le faisceau principal de l'antenne et la direction d'azimut *A* et d'élévation *E*.

Il faut noter que, lorsque *S*(*A*, *E* ) est positif, le faisceau est dirigé au-dessus de l'orbite et que, lorsque *S*(*A*, *E* ) est négatif, le faisceau est dirigé en dessous de l'orbite.

Les calculs suivants s'effectuent en prenant pour hypothèse que l'horizon local est plat, sa hauteur étant égale à la hauteur la plus faible au-dessus de l'horizon local pour un azimut compris entre *A*0 ‑ *B* et *A*0  *B*. Si l'horizon local n'est pas plat, les conclusions des calculs seront interprétées comme suit:

– s'il ressort des calculs que l'écart angulaire est d'au moins *B* degrés, la conclusion est correcte même si on tient compte d'une ligne d'horizon très irrégulière;

– s'il ressort des calculs que l'écart angulaire est inférieur à *B* degrés, on peut utiliser la méthode graphique décrite dans l'Annexe 1 et procéder à un examen plus poussé. L'analyse graphique peut montrer que, dans certains cas, l'écart angulaire est d'au moins *B* degrés, car la ligne d'horizon est très irrégulière.

# 2 Premiers calculs

La Fig. 3 montre les orbites des satellites géostationnaires et les horizons apparents tels qu'ils sont perçus depuis la station. OSG*max* et OSG*min* sont les orbites des satellites géostationnaires apparentes correspondant à la courbure atmosphérique maximale et à la courbure atmosphérique minimale, respectivement. HOR*max* et HOR*min* sont les horizons apparents correspondant à la courbure atmosphérique maximale et à la courbure atmosphérique minimale, respectivement. H1 est le point d'inter­section de OSG*max* et HOR*max* et H2 est le point d'intersection de OSG*min* et HOR*min*. Entre H1 et H2, on peut raisonnablement supposer que l'horizon est une ligne droite reliant H1 et H2.

Les azimuts *Am*1 du point H1 et *Am*2 du point H2 sont donnés par les équations suivantes:

*Em*1 = *m*1 – *max*(*m*1),                *Am*1  *C*(*Em*1)

*Em*2  *m*2 – *min*(*m*2),                *Am*2  *C*(*Em*2)

où *Em*1 et *Em*2 sont les angles de site réfractés.

La Fig. 3 étant relativement complexe, il est nécessaire de classer les directions du faisceau principal selon les cas.

## 2.1 Première élimination

Dans les cas suivants, on peut facilement conclure que l'écart angulaire est d'au moins *B* degrés (voir la Note 1).

a) *Am*1  *B*  *A*0: l'écart angulaire est d'au moins *A*0 – *Am*1 degrés;

b) *A*0  *Am*1  *B* et 0 *m*2 – *B*: l'écart angulaire est d'au moins *m*2 – 0 degrés.

Dans les autres cas, des calculs plus détaillés sont nécessaires. Ils sont exposés dans les paragraphes qui suivent.



## 2.2 Classification des directions du faisceau principal

Le faisceau principal est dirigé vers ou au-dessus de l'horizon lorsque l'une des conditions suivantes est remplie:

a) *Am*1  *A*0 et *m*1  0

b) *Am*2  *A*0 < *Am*1 et (*m*1 – *m*2) (*A*0 – *Am*1)  (0 – *m*1) (*Am*1 – *Am*2)

c) *A*0  *Am*2 et *m*2  0

Dans les cas précédents, les directions du faisceau principal sont classées dans les zones 1, 2, 3 et 4 selon les critères suivants (voir la Fig. 3):

Zone 1: *Smin*  0

Zone 2: *Smax*  0 et *Smin*  0

Zone 3: *Smax*  0 et (*A*0 – *Am*1)  (0 – *m*1)

Zone 4: *Smax*  0 et (*A*0 – *Am*1)  (0 – *m*1)

où *Smax* et *Smin* sont donnés par les équations:

*Emax* = 0 – *max*(0),                *Smax*  *S*(*A*0, *Emax*)

*Emin* = 0 – *min*(0),                *Smin*  *S*(*A*0, *Emin*)

Dans les autres cas où le faisceau principal est dirigé en dessous de l'horizon, les directions sont classées plus avant dans les zones 5, 6, 7 et 8 comme suit (voir la Fig. 3):

Zone 5: (*A*0 – *Am*2) < (0 – *m*2)

Zone 6: (*A*0 – *Am*2)  (0 – *m*2) et

(*m*1 – *m*2) (0 – *m*2) + (*Am*1 – *Am*2) (*A*0 – *Am*2) < 0

Zone 7: (*m*1 – *m*2) (0 – *m*2) + (*Am*1 – *Am*2) (*A*0 – *Am*2)  0 et

(*m*1 – *m*2) (0 – *m*1) + (*Am*1 – *Am*2) (*A*0 – *Am*1) < 0

Zone 8: (*m*1 – *m*2) (0 – *m*1) + (*Am*1 – *Am*2) (*A*0 – *Am*1)  0

# 3 Première détermination de l'écart angulaire

Zone 1

Dans ce cas, le faisceau principal est dirigé au-dessous de l'orbite tant pour la courbure atmosphérique maximale que pour la courbure atmosphérique minimale. Si 0  0,3*ET* (pour le calcul de *ET* ,voir la Note 5), les angles de site et d'azimut de la direction à la circonférence du faisceau avec un écart angulaire de *B* par rapport au faisceau principal sur la ligne approximativement normale à l'orbite sont:

1  0   · *B*,                *A*1  *A*0   · *B*

On calcule *E*1  1 – *min*(1)                et                *S*1  *S*(*A*1, *E*1)

Une évaluation approximative de l'écart angulaire est donné par l'équation suivante:

*SA*  *B* · *Smin*/(*Smin* – *S*1)                degrés

Elle est appropriée si l'angle | *Smin* | est petit, mais s'il est grand, cette équation peut être imprécise. Aussi, pour les angles | *Smin* | > 20, il convient d'utiliser:

*SA*  | *Smin* |                degrés

On calcule *s*  0   · *SA* et on passe au § 4 pour un calcul plus précis.

Par ailleurs, si 0  0,3*ET* et en partant de l'élévation *s*  *ET*, on calcule l'angle *SA* pour des petites valeurs de *s* en procédant par pas de 1, au moyen des formules suivantes, et on détermine l'élévation *s* pour laquelle l'angle *SA* est le plus petit:

*Es*  *s* – *min*(*s*),                *As*  *C*(*Es*),                *SA* *SAF*(*As*, *s*)

On passe ensuite au § 4 pour faire un calcul plus précis.

Zone 2

Dans ce cas, l'écart angulaire est nul.

Zone 3

Dans ce cas, le faisceau principal est dirigé au‑dessus de l'orbite tant pour la courbure atmosphérique maximale que pour la courbure atmosphérique minimale. Si 0  0,3*ET* (pour le calcul de *ET*, voir la Note 5), les angles de site et d'azimut de la direction à la circonférence du faisceau avec un écart angulaire *B* par rapport au faisceau principal sur la ligne approximativement normale à l'orbite sont:

3  0 –  · *B*, *A*3  *A*0 –  · *B*

Si 3  *m*1, on calcule:

*E*3  3 – *max*(3) et *S*3  *S*(*A*3, *E*3)

Une évaluation approximative de l'écart angulaire est donnée par la l'équation:

*SA*  *B* · *Smax*/(*Smax* – *S*3)                degrés

Elle est appropriée si l'angle *Smax* est petit, mais s'il est grand, cette équation peut être imprécise. Aussi, pour les angles *Smax*  20, il convient d'utiliser:

*SA*  *Smax* degrés

On calcule *s*  0   · *SA* (si *s*  *m*1, mettre *s*  *m*1), puis on passe au § 4 pour un calcul plus précis.

Si 3  *m*1, on calcule:

*A*31  *A*0 – (0 – *m*1) · /

où *A*31 est l'azimut de la direction à laquelle la ligne traversant le faisceau principal et normale à l'orbite coupe l'horizon local HOR*max*.

Une évaluation approximative de l'écart angulaire est donnée par la formule suivante:

*SA*  [(0 – *m*1)/] · *Smax*/(*Smax* – *S*31)                degrés

où *S*31  *S*(*A*31, *Em*1) et *Em*1 ont été calculés au § 2.

(Etant donné que les ordinateurs ne peuvent traiter qu'un nombre limité de chiffres, il se peut que l'équation ci-dessus ne convienne pas dans les cas exceptionnels où *S*31 est très proche de *Smax*. Cette formule doit donc être appliquée lorsque | *Smax* – *S*31 |   degrés. Dans le cas contraire, *SA*  *Smax* degrés est une estimation raisonnable de l'écart angulaire. Dans ce cas,  est un petit nombre approprié, par exemple 0,001°.)

On calcule *s*  0 –  · *SA* et on passe au § 4 pour un calcul plus précis.

Par ailleurs, si 0  0,3*ET* et en partant de l'élévation *s*  *ET*, on calcule l'angle *SA* pour des petites valeurs de *s* en procédant par pas de 1, au moyen des équations suivantes, et on détermine l'élévation *s* pour laquelle l'angle *SA* est le plus petit:

*Es*  *s* – *max*(*s*),                *As*  *C*(*Es*),                *SA* *SAF*(*As*, *s*)

On passe ensuite au § 4 pour obtenir un calcul plus précis.

Zone 4

Dans ce cas, les angles de site et d'azimut de la direction de l'orbite la plus proche du faisceau principal sont *m*1 et *Am*1. Par conséquent, l'angle *SA* entre cette direction et le faisceau principal est:

*SA*  *SAF*(*Am*1, *m*1)                degrés

Cet écart angulaire est précis et ne nécessite aucun autre calcul.

Zone 5

Dans ce cas, le faisceau principal est dirigé en dessous de l'horizon et également en dessous de l'orbite tant pour la courbure atmosphérique maximale que pour la courbure atmosphérique minimale.

Tout d'abord on calcule:

*A*5  *A*0  (*m*2 – 0) · / et *S*5  *S*(*A*5, *Em*2)

où *A*5 est l'azimut de la direction à laquelle la ligne traversant le faisceau principal et normale à l'orbite coupe l'horizon HOR*min*, *Em*2 a été calculé au § 2.

On calcule ensuite:

51  *m*2   · *B*,                *A*51  *A*5 +  · *B*

où la direction (*A*51, 51) s'écarte de *B* degrés de la direction (*A*5, *m*2) sur la ligne traversant le faisceau principal et normale à l'orbite.

On calcule *E*51  51 – *min*(51)   et  *S*51  *S*(*A*51, *E*51).

Une évaluation approximative de l'écart angulaire est donnée par l'équation suivante:

*SA*  (*m*2 – 0)/  *B* · *S*5/(*S*5 – *S*51)                degrés

On calcule *s*  0   · *SA* puis on passe au § 4 pour un calcul plus détaillé.

Zone 6

Dans ce cas, l'évaluation approximative de l'écart angulaire est donnée par l'angle entre le faisceau principal et le point H2 calculé à l'aide de l'équation suivante:

*SA*  *SAF*(*Am*2, *m*2)                degrés

Toutefois, la direction de l'orbite la plus proche pouvant être légèrement différente dans de très rares cas, on suppose que *s*  *m*2 et l'on passe au § 4 pour un calcul plus précis.

Zone 7

Dans ce cas, l'orbite la plus proche est dirigée vers l'horizon reliant H1 et H2 et l'écart angulaire est donné par l'équation:



Cet écart angulaire est précis et ne nécessite aucun nouveau calcul.

Zone 8

Dans ce cas, la direction de l'orbite la plus proche est le point H1 et l'écart angulaire est:

*SA*  *SAF*(*Am*1, *m*1)                degrés

Cet écart angulaire est précis et ne nécessite aucun nouveau calcul.

# 4 Calculs détaillés de l'écart angulaire

Dans le cas des zones 1, 3, 5 et 6, l'écart angulaire calculé au paragraphe précédent est approximatif. Toutefois, si *SA*  2 *B*, on peut dire, sans risque de se tromper, que l'écart angulaire est d'au moins *B* degrés. Par conséquent, aucun nouveau calcul ne s'impose.

Si *SA*  2 *B*, il faut procéder à de nouveaux calculs pour obtenir des valeurs plus précises. Dans cette optique, il faut partir de *s* qui a déjà été calculé et qui correspond à l'écart angulaire approximatif.

Dans le cas des zones 1, 5 et 6, la direction de l'orbite la plus proche est située sur OSG*min*. L'azimut *As* et l'écart angulaire *SA* correspondant à *s* sont donnés par les équations suivantes:

*Es*  *s* – *min*(*s*),                *As*  *C*(*Es*),                *SA* *SAF*(*As*, *s*)

Dans le cas de la zone 3, la direction de l'orbite la plus proche est située sur OSG*max*. L'azimut et l'écart angulaire correspondant à *s* sont donnés par les équations:

*Es*  *s* – *max*(*s*),                *As*  *C*(*Es*),                *SA*  *SAF*(*As*, *s*)

Dans l'un quelconque des cas précédents, on peut calculer l'écart angulaire précis en appliquant une méthode itérative, où *s* est progressivement incrémenté ou décrémenté pour converger vers une valeur minimale de *SA*.

Si le calcul est fait en prenant pour hypothèse que *h*1  0, on se reportera à la Note 3. Il faut utiliser les résultats des calculs pour confirmer le respect aux dispositions pertinentes du Règlement des radiocommunications.

NOTE 1 – Dans certains cas, il peut être souhaitable de calculer des valeurs d'écart angulaire précises pour des angles supérieurs à 2. Il faudra alors choisir une valeur plus grande de *B*, ce qui rendra le calcul des écarts angulaires précis jusqu'à 2*B* degrés au prix d'un temps de calcul plus long. Pour une valeur de *B* de 10, par exemple, les calculs de l'écart angulaire seront généralement précis jusqu'à 20. Aussi, lorsque *B* est supérieur à 2, il convient d'omettre l'élimination préliminaire indiquée dans le § 2.1. Il est conseillé d'utiliser une valeur de *B* qui ne soit pas trop grande.

NOTE 2 – La courbure atmosphérique (degrés) peut être calculée à l'aide des équations suivantes:

*max*(, *h*)  1/[0,7885809  0,175963 *h*  0,0251620 *h*2

 (0,549056  0,0744484 *h*  0,0101650 *h*2)

 2(0,0187029  0,0143814 *h*)]

*min*(, *h*)  1/[1,755698  0,313461 *h*

 (0,815022  0,109154 *h*)

 2(0,0295668  0,0185682 *h*)]

où *h* est la hauteur de l'antenne de la station au‑dessus du niveau de la mer (km).

Les équations précédentes sont approximatives et ont été développées en valeurs approchées pour *m*    8° et 0 *h* 4 km, où *m* est calculé à l'aide de l'équation donnée dans la Note 3 étant entendu que *h*1 = 0. L'algorithme présenté dans cette Annexe garantit que les équations précédentes ne sont appliquées que lorsque   *m*.

NOTE 3 – Si la ligne d'horizon est formée par un terrain plat ou la mer, *m* est donné par l'équation suivante:



où:

*h* : hauteur de l'antenne de la station au-dessus du niveau de la mer (km)

*h*1 : altitude de l'horizon (km) (*h* *h*1)

*R* : rayon de la Terre supposé être égal à 6 370 km.

*m*1 est l'angle de site correspondant à la courbure atmosphérique maximale (*N*0  400 et *N*  –68) et *m*2 est l'angle de site correspondant à la courbure atmosphérique minimale (*N*0  250 et *N*  ‑30). A noter que *m*1  *m*2.

Dans la pratique, il peut être difficile d'évaluer les valeurs précises de *m*1 et *m*2 compte tenu du fait que la ligne d'horizon est très irrégulière. En pareil cas, il peut être plus simple d'évaluer les valeurs de *m*1 et *m*2 en utilisant l'équation précédente, étant entendu que *h*1  0. Si le calcul fait à partir de cette hypothèse montre que l'écart angulaire est d'au moins *B* degrés (voir la Note 1), cette conclusion est correcte même lorsque l'on tient compte du fait que la ligne d'horizon est très irrégulière. Si le calcul montre que l'écart angulaire est inférieur à *B* degrés (voir la Note 1), il faut refaire le calcul en utilisant les valeurs réelles de *m*1 et *m*2.

NOTE 4 – L'équation peut être obtenue comme suit:

Supposons que les paramètres d'une station hertzienne de Terre sont les suivants:

– latitude, *L* (valeur absolue);

– azimut du faisceau principal de l'antenne, *A* (mesuré dans le sens des aiguilles d'une montre à partir du sud dans l'hémisphère Nord et à partir du nord dans l'hémisphère Sud);

– angle de site du faisceau principal de l'antenne, *E* (après avoir tenu compte de l'effet de la réfraction).

Pour une station hertzienne située dans l'hémisphère Nord, les calculs s'effectuent de la manière suivante:

La trajectoire du faisceau principal de l'antenne de la station hertzienne peut être représentée dans un espace à trois dimensions.

*x*  *R* cos *L*  *u* (sin *E* · cos *L*  cos *E* · sin *L* · cos *A* ) (18)

*y*  –*u* · cos *E* · sin *A* (19)

*z*  *R* sin *L*  *u* (sin *E* · sin *L* – cos *E* · cos *L* · cos *A* ) (20)

où *R* est le rayon de la Terre et où l'on suppose la longitude de la station hertzienne égale à zéro (dans le plan x-z). On obtient l'équation suivante:

*x*2  *y*2  *z*2  *R*2  *u*2  2*Ru* · sin *E* (21)

Le faisceau principal de l'antenne de la station terrienne arrive à la surface d'une sphère de rayon égal à celui de l'orbite lorsque *x*2  *y*2  *z*2  *K*2 *R*2 (où *K* est le rapport du rayon de l'orbite sur le rayon de la Terre, supposé égal à 6,63), c'est-à-dire que:

 (22)

L'écart angulaire *S* peut être calculé à l'aide de l'équation suivante:

*z*  *K* *R* sin *S* (23)

Par conséquent:

 (24)

où *S* est positif si l'axe du faisceau de l'antenne est au‑dessus de l'orbite. Cette équation peut aussi s'exprimer comme suit:

*F*  arccos (*K* –1 cos *E* )

sin *S* = sin *L* · cos (*F* – *E*) – cos *L* · sin (*F* – *E* ) · cos *A* (25)

Lorsque la station hertzienne est située dans l'hémisphère Sud, les équations (18) à (20) s'expriment différemment mais les résultats (équations (24) et (25)) sont identiques.

A noter que, lorsque *S* égale zéro, l'équation (25) précédente est identique à l'équation (8) donnée dans l'Annexe 1.

NOTE 5 – *ET* est l'angle d'élévation le plus élevé de l'orbite des satellites géostationnaires vue de la latitude *L* et donné par:

*ET*  arctg [(*K* cos *L* – 1) / (*K* sin *L* )] (26)

NOTE 6 – On trouvera dans l'Appendice 1 ci-après un programme informatique permettant de calculer les écarts angulaires à partir des éléments donnés dans la présente Annexe.

Appendice 1  
à l'Annexe 2  
  
Programme informatique de calcul des écarts angulaires

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\* sangle-a.c \*/

/\* Separation angles between radio-relay antenna beams and \*/

/\* the geostationary-satellite orbit \*/

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\*-- include files --\*/

#include <stdio.h>

#include <math.h>

#include <error.h>

#include <string.h> /\* for strcmp \*/

/\* static \*/

#define PI 3.1415926 /\* circular constant \*/

#define DR PI /180.0 /\* degree to radian \*/

#define RD 180.0 / PI /\* radian to degree \*/

#define K 6.63 /\* orbit radius / earth radius \*/

static double SINL,COSL,TANL;

static double H0; /\* height of station in km \*/

static double H1; /\* height of horizon in km \*/

FILE\* fp; /\* Result File \*/

/\* function \*/

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\* module:fn\_TMAX,fn\_TMIN \*/

/\* function: calculate maximum/minimum atmospheric bending in radian \*/

double fn\_TMAX(double e)

{

return (double)(DR / (.7885809 + .175963 \* H0 + .025162 \* H0 \* H0

+ e \* RD \* (.549056 + .0744484 \* H0 + .010165 \* H0 \* H0

+ e \* RD \* (.0187029 + .0143814 \* H0))));

}

double fn\_TMIN(double e)

{

return (DR / (1.755698 + .313461 \* H0 + e \* RD \* (.815022

+ .109154 \* H0 + e \* RD \* (.0295668 + .0185682 \* H0))));

}

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\* module:fn\_F \*/

/\* function: calculate auxiliary elevation angle \*/

double fn\_F(double e)

{

return ( acos( cos(e) / K ) );

}

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\* module:fn\_S \*/

/\* function: calculation angle between the beam and the orbit \*/

double fn\_S(double a, double e)

{

return (asin(SINL \* cos(fn\_F(e) - e)

- COSL \* sin( fn\_F(e) -e ) \* cos(a)));

}

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\* module:fn\_C \*/

/\* function: calculate azimuth of the orbit \*/

double fn\_C(double e)

{

return (double)(acos(TANL / tan( fn\_F(e) - e )));

}

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\* module:fn\_Em \*/

/\* function: calculation elevation angle toward the local horizon \*/

double fn\_Em(double r, double t6, double dn, double n0)

{

double emh;

emh = (r + H1) / (r + H0) \* (1 + n0 \* t6 \* pow((1 + dn / n0),H1))

/ (1 + n0 \* t6 \* pow((1 + dn / n0),H0));

if(emh == 1) return 0.0;

else return (-1 \* acos(emh));

}

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\* module: fn\_ET \*/

/\* function: calculate highest elevation angle of \*/

/\* the geostationary-satellite orbit \*/

double fn\_ET(double l)

{

double et;

if (l == 0)

et = PI / 2.0 ;

else

et = atan(( K \* cos(l) - 1) / (K \* sin(l)));

return et;

}

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\* module: fn\_SAF \*/

/\* function: calculate separation angle \*/

double fn\_SAF(double a, double e, double a0, double e0)

{

return ( acos (cos(e0) \* cos(e) \* cos(a - a0) + sin(e0) \* sin(e)) );

}

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\* module: CalculationSub 　 \*/

/\* function: separation angle calculation \*/

/\* in: l :latitude of the station \*/

/\* b :separation angle to avoided \*/

/\* a0:azimuth of the antenna main beam \*/

/\* e0:elevation of the antenna main beam \*/

/\* nFlg: if this flg = 0, skip "preliminary elimination" \*/

/\* out: psa :separation angle \*/

/\* pstr:judged zone \*/

/\* pkf :decision flag \*/

/\* 3:extreme northern or southern latitude 　　 \*/

/\* 2:SA is at least SA 　　 \*/

/\* 1:SA is at least B 　　 \*/

/\* 0:SA is 0 　　\*/

/\* -1:SA is less than B \*/

/\* -2:If horizon is flat then SA is less than B \*/

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

int CalculationSub(double l, double b, double a0, double e0, double \*psa, char\* pstrC, int\* pkf, int nFlg)

{

double r; /\* earth radius \*/

double t6; /\* \*/

double n0; /\* refractivity at sea level in N unit \*/

double dn; /\* refractivity difference at 1km above sea level in N unit \*/

double em1; /\* the local horizon at maximum atmospheric bending \*/

double em2; /\* the local horizon at minimum atmospheric bending \*/

double al; /\* equation \*/

double am1,am2, dem, dam;

double be,emax,smax,emin,smin, e1,a1,ee1,s1,es,

e3,a3,a31,s31,ee3,s3, a5,s5,e51,ee51,a51,s51,

de,ees,as,sa0,es1,sa1;

double eem1, eem2;

double wkes, wkEs\_0, wkAs\_0, wkSA\_0, wkEs\_1, wkAs\_1, wkSA\_1; /\* for SAF \*/

/\* constants init\*/

r = 6370.0; t6 = .000001;

n0 = 400.0; dn = -68; em1 = fn\_Em(r,t6,dn,n0);

n0 = 250.0; dn = -30; em2 = fn\_Em(r,t6,dn,n0);

SINL = sin(l); COSL = cos(l); TANL = tan(l);

al = SINL / sqrt(pow((1 - 1 / (K \* K)),2) + pow((SINL / K),2));

/\* preliminary calculation \*/

eem1 = em1 - fn\_TMAX(em1);

eem2 = em2 - fn\_TMIN(em2);

if( al > 1.0 ){ sprintf(pstrC,"PRELIM"); \*pkf = 3; return 1;}

else{be = sqrt(1 - al \* al);}

am1 = fn\_C(eem1); am2 = fn\_C(eem2);

dem = em1 - em2; dam = am1- am2;

/\* preliminary elimination \*/

if(nFlg == 1){

if( a0 >= am1 + b ) {\*psa = a0 - am1; sprintf(pstrC,"PRELIM"); \*pkf = 2; return 1;}

if( e0 <= em2 - b ) {\*psa = em2 - e0; sprintf(pstrC,"PRELIM"); \*pkf = 2; return 1;}

}

/\* classification of main beam direction \*/

if( (am1 <= a0 && em1 <= e0) ||

(am2 <= a0 && a0 < am1 && dem \* (a0 - am1) <= (e0 - em1) \* dam ) ||

(a0 < am2 && em2 <= e0)

){

/\* main beam is on or above the horizon \*/

emax = e0 - fn\_TMAX(e0); smax = fn\_S(a0, emax);

emin = e0 - fn\_TMIN(e0); smin = fn\_S(a0, emin);

if( smin < 0 ) goto PROC\_ZONE\_1 ;

if( smax <= 0 ) goto PROC\_ZONE\_2 ;

if( al \* (a0 - am1) < be \* (e0 -em1) ) goto PROC\_ZONE\_3 ;

else goto PROC\_ZONE\_4 ;

}else{

/\* main beam is below the horizon \*/

if( al \* (a0 - am2) < be \* (e0 - em2)) goto PROC\_ZONE\_5 ;

if( dem \* (e0 - em2) + dam \* (a0 - am2) < 0 ) goto PROC\_ZONE\_6 ;

if( dem \* (e0 - em1) + dam \* (a0 - am1) < 0 ) goto PROC\_ZONE\_7 ;

else goto PROC\_ZONE\_8 ;

}

/\* preliminary determination \*/

PROC\_ZONE\_1:

if( e0 < .3 \* fn\_ET(l) ){

e1 = e0 + al \* b; a1 = a0 + be \* b;

ee1 = e1 - fn\_TMIN(e1); s1 = fn\_S(a1, ee1);

\*psa = b \* smin / (smin - s1);

if( fabs(smin) > 20.0 \* DR){ \*psa = fabs(smin); }

es = e0 + al \* (\*psa);

}else{

wkes = fn\_ET(l); wkEs\_0 = wkes - fn\_TMIN(wkes); es = wkes;

wkAs\_0 = fn\_C(wkEs\_0); wkSA\_0 = fn\_SAF(wkAs\_0, wkes, a0, e0);

do{

wkes = wkes - 1.0 \* DR; wkEs\_1 = wkes - fn\_TMIN(wkes);

wkAs\_1 = fn\_C(wkEs\_1); wkSA\_1 = fn\_SAF(wkAs\_1,wkes, a0, e0);

if(wkSA\_1 < wkSA\_0){ wkSA\_0 = wkSA\_1; es = wkes;}

}while (wkSA\_1 <= wkSA\_0);\*psa = wkSA\_0;

}

sprintf(pstrC, "ZONE 1");

goto DETAIL\_CALC\_ZONE156 ;

PROC\_ZONE\_2:

\*psa = 0; sprintf(pstrC,"ZONE 2"); \*pkf = 0; return 1;

PROC\_ZONE\_3:

if( e0 < .3 \* fn\_ET(l) ){

e3 = e0 - al \* b; a3 = a0 - be \* b; sprintf(pstrC, "ZONE 3");

if (e3 < em1){

a31 = a0 -(e0 - em1) \* be / al; s31 = fn\_S(a31, eem1);

if( fabs(smax - s31) <= .001 \* DR ) \*psa = smax;

else \*psa = (e0 -em1) / al \* smax / (smax - s31);

es = e0 - al \* (\*psa);

}else{

ee3 = e3 - fn\_TMAX(e3); s3 = fn\_S(a3, ee3);

\*psa = b \* smax / (smax - s3); es = e0 - al \* (\*psa);

if( es < em1 ) es = em1;

}

if (smax > 20.0 \* DR) \*psa = smax;

}else{

sprintf(pstrC, "ZONE 3");

wkes = fn\_ET(l); wkEs\_0 = wkes - fn\_TMAX(wkes); es = wkes;

wkAs\_0 = fn\_C(wkEs\_0); wkSA\_0 = fn\_SAF(wkAs\_0, wkes, a0, e0);

/\* search \*/

do{

wkes = wkes - 1.0 \* DR; wkEs\_1 = wkes - fn\_TMAX(wkes);

wkAs\_1 = fn\_C(wkEs\_1); wkSA\_1 = fn\_SAF(wkAs\_1,wkes, a0, e0);

if(wkSA\_1 < wkSA\_0){ wkSA\_0 = wkSA\_1; es = wkes;}

}while (wkSA\_1 <= wkSA\_0);\*psa = wkSA\_0;

}

goto DETAIL\_CALC\_ZONE3;

PROC\_ZONE\_4:

\*psa = fn\_SAF(am1,em1,a0,e0); sprintf(pstrC,"ZONE 4"); goto JUDGEMENT ;

PROC\_ZONE\_5:

a5 = a0 + (em2 - e0) \* be / al; s5 = fn\_S(a5, eem2);

e51 = em2 + al \* b; a51 = a5 + be \* b;

ee51 = e51 - fn\_TMIN(e51); s51 = fn\_S(a51, ee51);

\*psa = (em2 - e0) / al + b \* s5 / (s5 -s51);

if( \*psa > 1 ) \*psa = (em2 - e0) / al -s5;

es = e0 + al \* (\*psa); sprintf(pstrC, "ZONE 5"); goto DETAIL\_CALC\_ZONE156 ;

PROC\_ZONE\_6:

\*psa = fn\_SAF(am2,em2,a0,e0); es = em2;

sprintf(pstrC, "ZONE 6"); goto DETAIL\_CALC\_ZONE156 ;

PROC\_ZONE\_7:

\*psa = (dem \* (a0 -am1) - (e0 - em1) \* dam) / sqrt( dem \* dem + dam \* dam );

sprintf(pstrC, "ZONE 7"); goto JUDGEMENT ;

PROC\_ZONE\_8:

\*psa = fn\_SAF(am1,em1,a0,e0);

sprintf(pstrC, "ZONE 8"); goto JUDGEMENT ;

/\* detailed calculation for zone 1,5,6 \*/

DETAIL\_CALC\_ZONE156:

/\* step 1 \*/

if( \*psa >= 2.0 \* b) goto JUDGEMENT ;

else de = be \* b / 200.0;

ZONE156\_STEP1\_LOOP:

ees = es - fn\_TMIN(es);

if( fn\_F(ees) - ees < l ){ es = es- de; goto ZONE156\_STEP1\_LOOP ;}

as = fn\_C(ees); sa0 = fn\_SAF(as,es,a0,e0); es1 = es + de;

ees = es1 - fn\_TMIN(es1);

if( fn\_F(ees) - ees < l ){ es1 = es; \*psa = sa0; goto ZONE156\_STEP3 ;}

as = fn\_C(ees); \*psa = fn\_SAF(as, es1, a0, e0);

if( \*psa > sa0 ){ es1 = es; \*psa = sa0; goto ZONE156\_STEP3 ;}

/\* step 2 \*/

ZONE156\_STEP2:

es1 = es1 + de; ees = es1 - fn\_TMIN(es1);

if( fn\_F(ees) - ees < l ) goto JUDGEMENT ;

as = fn\_C(ees); sa1 = fn\_SAF(as, es1, a0, e0);

if( sa1 < \*psa ){ \*psa = sa1; goto ZONE156\_STEP2 ;}else{ goto JUDGEMENT ;}

/\* step 3 \*/

ZONE156\_STEP3:

if( es1 <= em2 ) goto JUDGEMENT ;

es1 = es1 - de;

if( es1 < em2 ) es1 = em2;

ees = es1 - fn\_TMIN(es1); as = fn\_C(ees); sa1 = fn\_SAF(as, es1, a0, e0);

if( sa1 < \*psa ){ \*psa = sa1; goto ZONE156\_STEP3 ;}else{ goto JUDGEMENT ;}

/\* detailed calculation for zone 3 \*/

DETAIL\_CALC\_ZONE3:

/\* step 1 \*/

if( \*psa >= 2.0 \* b ) goto JUDGEMENT ; else de = be \* b / 200.0;

ZONE3\_STEP1:

ees = es - fn\_TMAX(es);

if ( fn\_F(ees) - ees < l ){ es = es - de; goto ZONE3\_STEP1 ;}

as = fn\_C(ees); sa0 = fn\_SAF(as,es,a0,e0);

es1 = es + de; ees = es1 - fn\_TMAX(es1);

if( fn\_F(ees) - ees < l ){es1 = es; \*psa = sa0; goto ZONE3\_STEP3 ;}

as = fn\_C(ees); \*psa = fn\_SAF(as,es1,a0,e0);

if(\*psa > sa0){ es1 = es; \*psa = sa0; goto ZONE3\_STEP3; }

/\* step 2 \*/

ZONE3\_STEP2:

es1 = es1 + de; ees = es1 -fn\_TMAX(es1);

if( fn\_F(ees) - ees < l ) goto JUDGEMENT ;

as = fn\_C(ees); sa1 = fn\_SAF(as, es1, a0, e0);

if( sa1 < \*psa){ \*psa = sa1; goto ZONE3\_STEP2 ; }else{ goto JUDGEMENT; }

/\* step 3 \*/

ZONE3\_STEP3:

if( es1 <= em1 ) goto JUDGEMENT ;

es1 = es1 - de;

if( es1 < em1 ) es1 = em1;

ees = es1 - fn\_TMAX(es1); as = fn\_C(ees);

sa1 = fn\_SAF( as, es1, a0, e0);

if( sa1 < \*psa ){ \*psa = sa1; goto ZONE3\_STEP3 ;}

JUDGEMENT:

if( \*psa >= b ) \*pkf = 1; else \*pkf = -2;

return 1;

}

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

/\* main routine \*/

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*/

void main()

{

/\* parameters \*/

double f; /\* frequency \*/

double bd; /\* separation angle to be avoided in degree \*/

double b; /\* separation angle to be avoided in radian \*/

double ld,lm,ls; /\* latitude of the station in degrees, minutes, sec \*/

double l; /\* latitude of the station in radian \*/

double a0; /\* azimuth of antenna main beam in radian \*/

double a0d; /\* azimuth of antenna main beam in degree \*/

double e0; /\* elevation of antenna main beam in radian \*/

double e0d; /\* elevation of antenna main beam in degree \*/

double sa; /\* estimated separation angle \*/

int kf; /\* decision flag \*/

char strC[32]; /\* judge zone \*/

double pt; /\* allowable e.i.r.p value \*/

double recbd; /\* recommended bd\*/

char strRedo[4],strLog[4]; /\*keyin buffer for redo control \*/

int nDefaultBDFlg,nLogFlg;

ld = lm = ls = a0d = e0d = 0.0;

/\* file out flg \*/

printf(" Do you want to make output file? (sf765.txt)?[y/n] ");

do{

gets(strLog);

}while(!strcmp (strLog,""));

if(strcmp(strLog,"y") == 0 || strcmp(strLog,"Y") == 0){

nLogFlg = 1; fp = fopen("sf765.txt","wt");

if(fp == NULL){

printf(" Cannot create result file (sf765.txt)\n "); nLogFlg = 0;

}

}else{ nLogFlg = 0;}

/\* parameters input \*/

PARAMETERS\_INPUT\_START:

INPUT\_F:

printf(" input F : frequency (GHz) ");

scanf("%le", &f);

if (f < 0 || f > 15){ printf(" 1 <= F <= 15 "); goto INPUT\_F ; }

if(f <= 10) bd = 2; else bd = 1.5;recbd = bd;

INPUT\_B:

printf(" input B : separation angle to be avoided (deg) ");

printf(" (if the Recommendation is followed, B = %.1f) ", recbd);

scanf("%le", &bd);

if (bd <= 0){ printf(" B should be positive. "); goto INPUT\_B ; }

if(bd == recbd) nDefaultBDFlg = 1; else nDefaultBDFlg = 0;

b = bd \* DR;

printf(" input l : latitude( deg, min, sec ) ");

scanf("%le,%le,%le",&ld, &lm, &ls);

l = fabs(ld + lm / 60.0 + ls / 3600.0) \* DR;

printf(" input A0 : antenna azimuth ( deg ) ");

scanf("%le",&a0d); a0 = a0d \* DR;

printf(" input E0 : antenna elevation ( deg ) ");

scanf("%le",&e0d); e0 = e0d \* DR;

printf(" input H0 : station height ( m ) ");

scanf("%le",&H0); H0 = H0 / 1000.0;

INPUT\_H1:

printf(" input H1 : horizon height ( m ) ");

scanf("%le",&H1); H1 = H1 / 1000.0;

if (H1 > H0){ printf(" H1<=H0 "); goto INPUT\_H1 ; }

/\* call calculation function \*/

CalculationSub(l, b, a0, e0, &sa, strC, &kf, nDefaultBDFlg);

/\* output result \*/

printf(" F : frequency = %4.1f(GHz) ",f);

printf(" L : latitude = %.0fﾟ%.0f'%.0f'' ", ld, lm, ls);

printf(" A0 : antenna azimuth = %.1f( deg ) ",a0d);

printf(" E0 : antenna elevation = %.1f( deg ) ",e0d);

printf(" H0 : station height = %.0f( m ) ", H0 \* 1000);

printf(" H1 : horizon height = %.0f( m ) ",H1 \* 1000);

if(nDefaultBDFlg == 1) printf(" Separation angle should be at least %.2f degrees. ",bd);

printf(" -------------------------------------------------------------------- ");

printf(" The main beam is in %s. ",strC);

if(kf != 3 && nDefaultBDFlg == 1) printf(" The separation angle is");

if(kf == 2 && nDefaultBDFlg == 1) printf(" at least %.2f degrees. ", sa \* RD);

if(kf == 1 && nDefaultBDFlg == 1) printf(" at least %.2f degrees. ",bd);

if(kf == 0 && nDefaultBDFlg == 1) printf(" zero. ");

if(kf < 0 && nDefaultBDFlg == 1) printf(" less than %.2f degrees. ",bd);

if(kf == -2 && nDefaultBDFlg == 1){

printf(" If the local horizon is not flat,");

printf(" further investigation should be carried out. ");

}

if(kf == 3) printf(" You can't see the orbit from your latitude. ");

if(sa > 90 \* DR || kf == 3 || kf == 2) goto DETERMINATION\_EIRP ;

printf(" Actual separation angle can be estimated as %.3f degrees. ", sa \* RD);

if(nDefaultBDFlg == 1 ){

DETERMINATION\_EIRP:

/\* determination of eirp \*/

if ( 10 < f ) { pt = 55.0; goto PRINT\_PT ;}

if ( sa < .5 \* DR ) { pt = 47.0; goto PRINT\_PT ;}

if ( sa >= 1.5 \* DR ) { pt = 55.0; goto PRINT\_PT ;}

pt = 47.0 + 8.0 \* (sa \* RD -.5);

PRINT\_PT:

printf(" Maximum e.i.r.p shall not exceed %.3f dBW ",pt);

}

printf(" -------------------------------------------------------------------- ");

/\* file out \*/

if(nLogFlg == 1){

fprintf(fp," F : frequency = %4.1f(GHz) ",f);

fprintf(fp," L : latitude = %.0fﾟ%.0f'%.0f'' ", ld, lm, ls);

fprintf(fp," A0 : antenna azimuth = %.1f( deg ) ",a0d);

fprintf(fp," E0 : antenna elevation = %.1f( deg ) ",e0d);

fprintf(fp," H0 : station height = %.0f( m ) ", H0 \* 1000);

fprintf(fp," H1 : horizon height = %.0f( m ) ",H1 \* 1000);

if(nDefaultBDFlg == 1) fprintf(fp," Separation angle should be at least %.2f degrees. ",bd);

fprintf(fp," -------------------------------------------------------------------- ");

fprintf(fp," The main beam is in %s. ",strC);

if(kf != 3 && nDefaultBDFlg == 1) fprintf(fp," The separation angle is");

if(kf == 2 && nDefaultBDFlg == 1) fprintf(fp," at least %.2f degrees. ", sa \* RD);

if(kf == 1 && nDefaultBDFlg == 1) fprintf(fp," at least %.2f degrees. ",bd);

if(kf == 0 && nDefaultBDFlg == 1) fprintf(fp," zero. ");

if(kf < 0 && nDefaultBDFlg == 1) fprintf(fp," less than %.2f degrees. ",bd);

if(kf == -2 && nDefaultBDFlg == 1){

fprintf(fp," If the local horizon is not flat,");

fprintf(fp," further investigation should be carried out. ");

}

if(kf == 3) fprintf(fp," You can't see the orbit from your latitude. ");

if(sa > 90 \* DR || kf == 3 || kf == 2){

if(nDefaultBDFlg == 1 ) fprintf(fp," Maximum e.i.r.p shall not exceed %.3f dBW ",pt);

}else{

fprintf(fp," Actual separation angle can be estimated as %.3f degrees. ", sa \* RD);

}

fprintf(fp," -------------------------------------------------------------------- ");

}

/\* redo calculation \*/

printf(" Do you continue? (y/n) ");

REDO:

gets(strRedo); if (strcmp(strRedo,"") == 0) goto REDO;

if(strcmp(strRedo,"n") == 0 || strcmp(strRedo,"N") == 0) {

fclose(fp);

return;

}

else goto PARAMETERS\_INPUT\_START ;

}

1. La Commission d'études 5 des radiocommunications a apporté des modifications rédactionnelles à cette Recommandation en décembre 2009, conformément aux dispositions de la Résolution UIT-R 1. [↑](#footnote-ref-1)