

ITU-R P.1407-3建议书
多径传播及其特性的参数化
(ITU-R第203/3号课题)

(1999-2003-2005-2007年)

范围

ITU-R.P.1407建议书阐述了多径传播的性质并对多径效应进行统计描述的适当参数进行了定义，同时就多传播路径之间的相关效应及其计算提供了示例。

国际电联无线电通信大会，

考虑到

- a) 有必要估计多径对使用数字系统的业务的影响；
- b) 宜统一用于描述多径特性的术语和表述；

建议

- 1 用一致的方式描述多径的概念，应采用附件1中给出的术语和定义。

附件1

1 引言

在天线高度较低的无线电系统中，由于周围物体的反射，在发射机和接收机之间除视距内的直达路径外，常有多条迂回路径。在城市环境中，由于建筑物的侧面和铺设路面会产生很强的反射，这种多径传播显得尤为重要。由此，所接收到的信号由具有各种幅度、相位角和到达方向的若干分量集合而成。

由此所产生的信号强度的空间变异可包括两个方面：

- a) 主要由于不同型号组成相位角的变化，导致在约为一个波长的距离上信号的迅速衰落；
- b) 主要由于周围物体遮蔽损耗的变化，造成在较长距离上的慢衰落。

此外，运动物体或反射物（如车辆）的移动也会导致各种信号组成不同程度的多普勒漂移。

多径移动信道可通过根据运动物体的速度和/或散射体不同按照一定速率变化的脉冲响

应来描述。因此，接收机必须具有应对信道中由反射波造成的信号失真以及这种失真快速变化特性的能力。移动无线电信道的这种特性可通过功率时延谱和多普勒频谱描述，而多普勒频谱则可从宽带信道探测数据中计算得到。

发送至和来自城市或树木繁茂环境移动车辆的信号，由于多重散射，其幅度可呈现极端变化。低于平均电平30 dB或更多的衰落是常见的。当在几十个波长的距离上测量时，瞬时场强大致呈瑞利分布。根据山岗树木、建筑和其它结构的高度、密度和分布情况，这种场强分布的平均值也随地区的不同而有所不同。

在数字移动通信的质量控制中，多径传播的特性是一个重要因素。从物理角度来说，多径传播特性包含多径数量、幅度、路径长度差（时延）以及到达角。这些可通过功率时延谱加以表示。或者，符合脉冲响应的傅立叶变换产生复转移函数，与频率特性对应的幅度可提供多径频率选择，并与相关带宽相关。

小部分（或小规模）信号参数的定义见第2和第3段。小规模参数的统计接着用以算出累计分布函数（CDF）。中等规模的CDF涉及一条约几十到几百米长的特殊测量路线。由若干中等规模路线测得的综合的数据集被视为具有大规模或全球特性，表征诸如丘陵地带、城市、郊区、室内大空间、走廊等测量环境。

时变线性信道的特点是具有线性横向滤波器。该滤波器输出的是时延、衰减和多普勒漂移的输入信号。那么该信道就可用时延多普勒扩展函数表示。该函数有时被称为散射函数。该函数代表额外时延、多普勒频率和功率密度的三维多径现象。该公式特别适用于以动态横向滤波器的形式表示硬件模拟器。

2 多径参数

2.1 定义

下面给出用统计方式描述多径效应的适用参数。平均时延是测量到的额外时延的功率加权平均值，且用功率时延谱的一阶矩表示（脉冲响应幅度的平方）。

r.m.s.时延扩展是额外时延的功率加权标准偏差，由功率时延谱的二阶矩表示。它提供了平均时延变异性的度量。

时延窗是包括脉冲响应中具有占总能量一定百分比（通常为90%）的功率时延谱中间部分的长度。

时延间隔为额外时延的两个值之间的脉冲响应长度，这两个值分别代表脉冲响应幅度首次超过某一给定门限值和最后一次低于该值。所使用的门限值取决于测量设备的动态范围：通常为时延谱峰值电平以下20 dB。

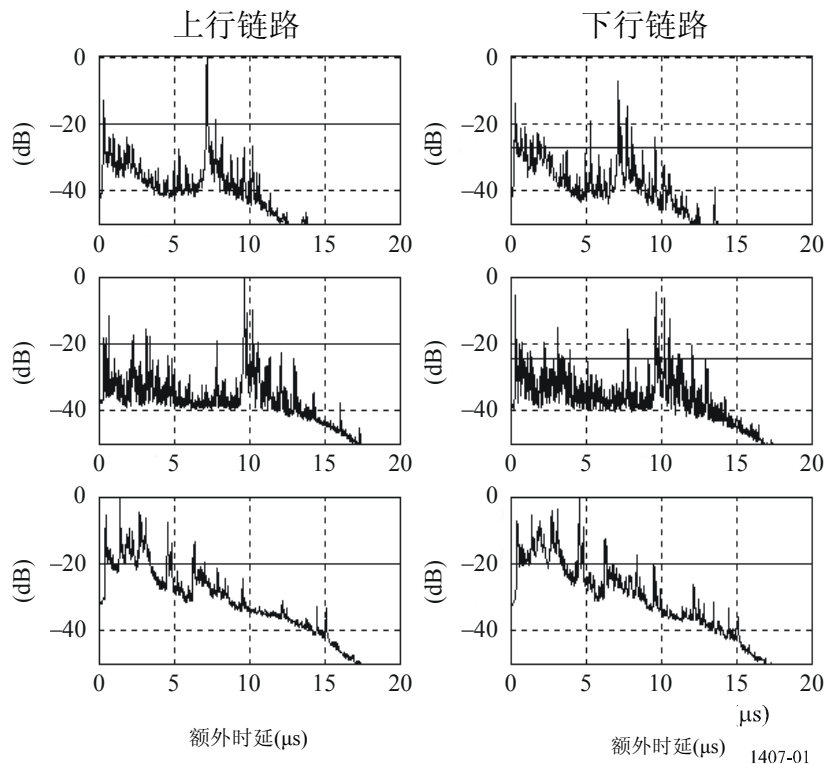
相关带宽为传递函数的自相关函数高于给定门限值的频段；典型门限值为0.5。

多径或信号分量数是功率时延谱中的高峰数，功率时延谱的幅度在最高峰值A dB 范围内，并超出噪声基底。

2.2 讨论

用统计方式描述多径效应的适用参数可通过瞬时功率时延谱计算，也可通过平均功率时延谱计算，当接收机固定并表示了环境中的运动状况时，该时延谱代表所得到的时间平均值，当接收机移动时则代表所得到的空间平均值。相关示例见图1。这是通过货车测量到的。其中中间的图形是货车静止时测量到的，其余两谱是在货车移动时测量到的。两种类型的平均值应通过信道相干积分时间内的脉冲响应数量进行计算，相干积分时间是多径成分未通过±半时延仓（或范围仓）的时段（或空间间隔）。

图 1



UMTS频分双工频段的功率时延谱，时间平均（中间曲线）和空间平均（上下曲线）。将这些谱线进行统一，以表明作为τ函数的相对功率密度。水平线表示20 dB的时延间隔。

脉冲响应的总能量 P_m 为：

$$P_m = \int_{t_0}^{t_3} P(t) dt \quad (1)$$

其中:

- $P(t)$: 脉冲响应的功率密度
 t : 相对于时间基准的时延
 t_0 : $P(t)$ 第一次超过截止电平的时刻
 t_3 : $P(t)$ 最后一次超过截止电平的时刻。

平均时延 T_D 通过功率时延谱的一阶矩表示:

$$T_D = \frac{\int_0^{\tau_e} \tau P(\tau) d\tau}{\int_0^{\tau_e} P(\tau) d\tau} - \tau_a \quad (2a)$$

其中:

- τ : 额外时延变量, 等于 $t - t_0$
 τ_a : 最先接收到的多径分量到达时间 (谱中的第一个峰值)
 $\tau_e = t_3 - t_0$ 。

在离散状态下, 公式 (2a) 则为:

$$T_D = \frac{\sum_{i=1}^N \tau_i P(\tau_i)}{\sum_{i=1}^N P(\tau_i)} - \tau_M \quad (2b)$$

其中 $i = 1$ 和 N 分别是时延谱在门限电平以上的第一个取样和最后一个取样的指数, 而 M 则是最新收到的多径分量 (谱中的第一个峰值) 的指数。

时延可由下列关系式确定:

$$t_i(\mu\text{s}) = 3.3r_i \quad \text{km}$$

其中 r_i 是从发射机至多径反射体以及从反射体至接收机的距离的总和, 或是从发射机至接收机的总距离 t_{LOS} 。

均方根 (r.m.s.) 时延扩展 S 用二阶中心矩的平方根来表示:

$$S = \sqrt{\frac{\int_0^{\tau_e} (\tau - T_D - \tau_a)^2 P(\tau) d\tau}{\int_0^{\tau_e} P(\tau) d\tau}} \quad (3)$$

或在离散状态下为：

$$S = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (\tau_i - T_D - \tau_M)^2 P(\tau_i)}{\sum_{i=1}^N P(\tau_i)}} \quad (4)$$

时延窗 W_q 是包含占总功率一定百分比 q 的功率时延谱的中间部分的长度：

$$W_q = (t_2 - t_1) \quad (5)$$

从而边界 t_1 和 t_2 为：

$$\int_{t_1}^{t_2} P(t) dt = \frac{q}{100} \int_{t_0}^{t_3} P(t) dt = \frac{q}{100} P_m \quad (6)$$

而时延窗之外的能量分成两个相等的部分 $\left(\frac{100-q}{200}\right)P_m$ 。

时延间隔 I_{th} 定义为当功率时延谱的幅度第一次超过给定门限值 P_{th} 的时刻 t_4 和最后一次降至门限值以下的时刻 t_5 之间的时差：

$$I_{th} = (t_5 - t_4) \quad (7)$$

脉冲响应的功率密度的傅立叶变换提供了传递函数的自相关函数 $C(f)$ ：

$$C(f) = \int_0^{\tau_e} P(\tau) \exp(-j 2 \pi f \tau) d\tau \quad (8)$$

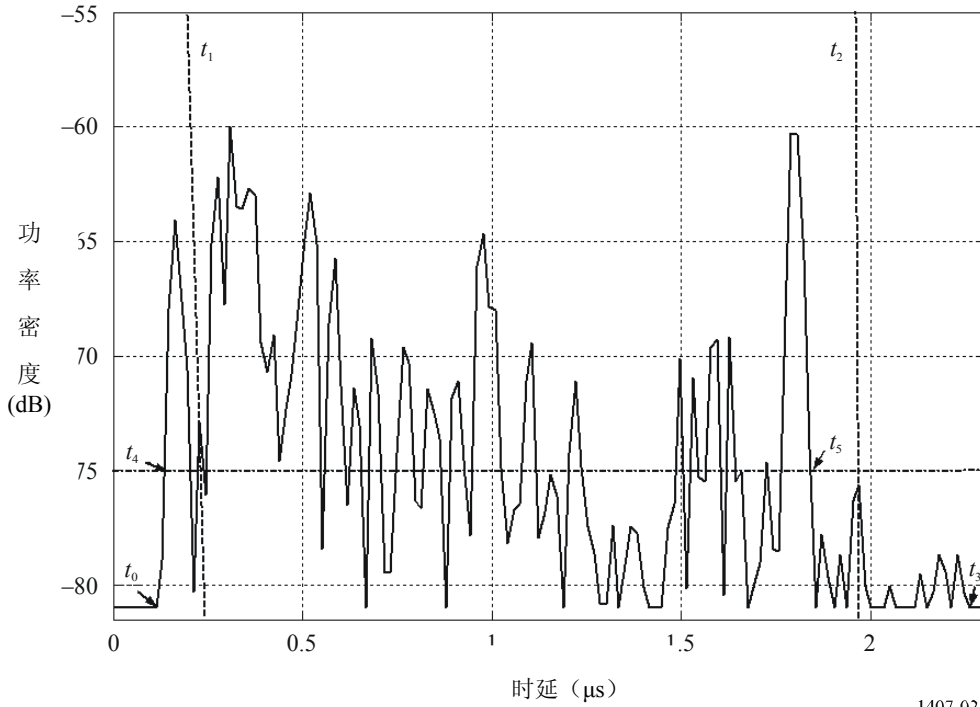
对于Rician信道，公式（8）低估了相关带宽。对于这种信道，从分段频率相关函数估算相关带宽更为精确，通过计算不同频率段的相关系数，通过时变复传递函数得到分段的频率相关函数。

相关带宽 B_x 为 $|C(f)|$ 等于 $C(f=0)$ 的 $x\%$ 时的频率。

在分析数据时建议使用50%、75%和90%功率的时延窗、低于峰值9、12和15 dB的门限值的时延间隔以及50%和90%相关的相关带宽。值得注意的是，系统中（从RF到数据处理）噪声和杂散信号的影响会非常严重。因此，有必要确定系统的精确的噪声和/或杂散门限值，以及在该门限之上允许的安全裕量。建议3 dB为安全裕量，为确保结果的完整性，建议将脉冲响应纳入统计计算前，将一个最小峰值杂散比（如15 dB（不包括3 dB的安全裕量））作为可接受的标准。

其中部分条件的使用示例见图2。

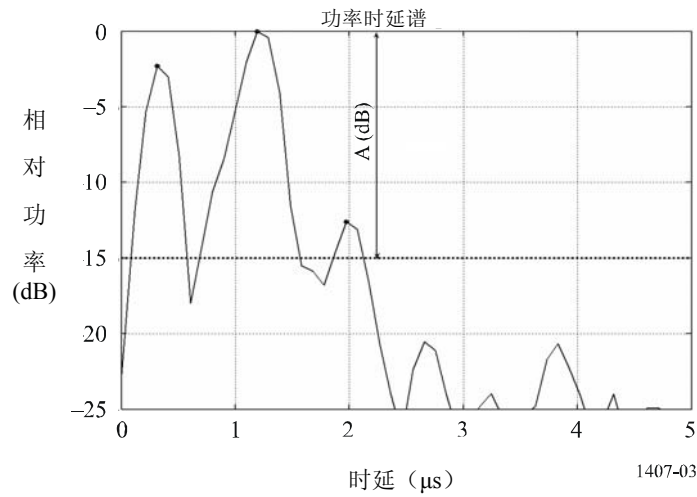
图 2



功率时延谱表示了下述参数：两条垂直虚线 (t_1 和 t_2) 之间标出了包含 90%接收功率的时延窗 W_{90} ，时延间隔 I_{15} 在 t_4 和 t_5 之间，包含了低于峰值 15 dB电平之上的信号。 t_0 和 t_3 表示噪声基底以上曲线的起点和终点。

图 3

表示门限电平以上多径分量的功率时延谱



3 到达方向参数

3.1 定义

用统计方式描述多径效应的适当参数定义如下。

平均到达角是所测量的到达方向的功率加权平均值，且由功率方位频谱的一阶矩给出。（亦可称为功率角曲线。）

功率角曲线是方位/水平面内的角功率特性。

r.m.s.角扩展是到达方向的功率加权标准偏差，且由功率角曲线的一阶矩给出。它提供了平均到达角可变性的度量。

角窗是包含在功率角曲线度量中具有占总能量一定百分比的功率角曲线中间部分的宽度。

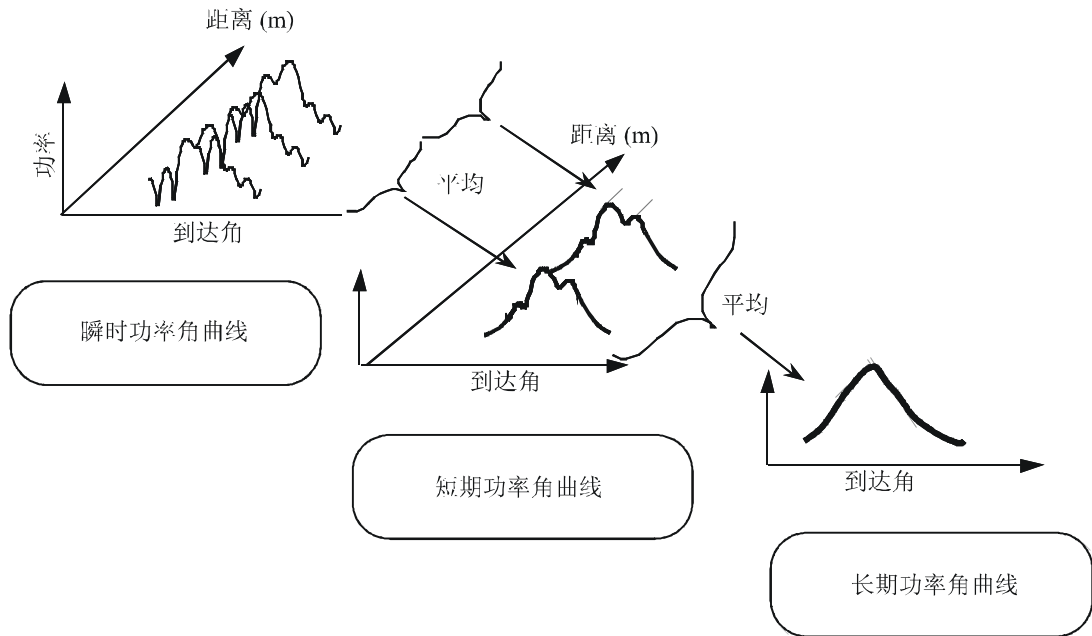
角区间（或角间隔）定义为到达方向两个值之间的脉冲响应宽度（或角曲线宽度）。它表示角曲线幅度超过给定门限值的第一个角和低于上述门限值的最后一个角。门限通常取决于测量设备的动态范围，典型值是角曲线峰值以下20 dB。

3.2 讨论

用统计方式描述的多径效应的适当参数可以从瞬时功率角曲线或短期功率角曲线或长期功率角曲线计算得出。该数量既可以代表当接收机处于静态时获得的平均时间，也可以代表环境中的移动、或当接收机处于移动状态时的空间平均值。

如图4所示，短期功率角曲线是通过在数十个波长上对瞬时功率角曲线进行空间平均得出的，以便取消快速衰落的差异；长期功率角曲线是通过在与BS几乎相同的距离内对短期功率角曲线进行空间平均得出的，以便取消因阴影造成的差异。

图4
功率角曲线定义



1407-04

3.2.1 总能量

将方向 θ 的接收功率设为 $P(\theta)$ 。

角曲线的总能量 P_0 定义为超出门限电平 L_0 的功率。它将信号与噪声分离，如图5所示：

$$P_0 = \int_{\theta_0}^{\theta_3} P(\theta) d\theta \quad (9a)$$

其中：

θ : 从主信号方向测量的弧度（假设在测量期间为静态）

$P(\theta)$: 超出门限电平 L_0 的角曲线功率：低于 L_0 , $P(\theta) = 0$

L_0 : 在噪声基底之上具有一定余量的电平[建议为3 dB]

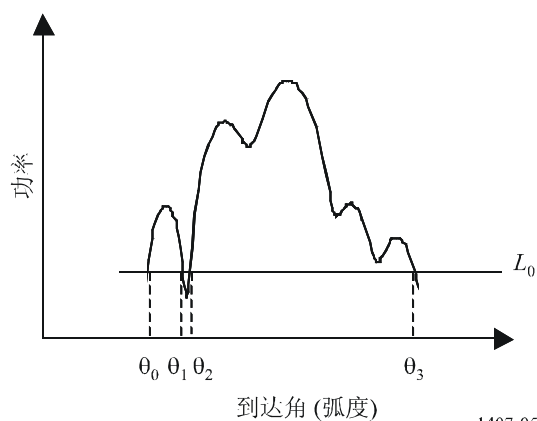
θ_0 : 用 $\theta_{\max}[-\pi, \pi]$ 表示的当 $P(\theta)$ 首次超过门限电平 L_0 时的到达角

θ_3 : 用 $\theta_{\max}[-\pi, \pi]$ 表示的当 $P(\theta)$ 首次超过门限电平时 L_0 的到达角

在分离形式下，公式(9a)变为：

$$P_0 = \sum_{i=1}^N P(\theta_i) \quad (9b)$$

其中 $i=1$ 和 N 分别为功率角曲线超出门限电平的第一个取样和最后取样的指数。

图5
总能量

1407-05

3.2.2 平均到达角

平均到达角 T_A 是由功率角曲线的第一瞬时给出的：

$$T_A = \frac{1}{P_0} \int_{\theta_0}^{\theta_3} \theta P(\theta) d\theta \quad (10a)$$

在分离形式下，公式(10a)变为：

$$T_A = \frac{\sum_{i=1}^N \theta_i P(\theta_i)}{\sum_{i=1}^N P(\theta_i)} \quad (10b)$$

其中 $i=1$ 和 N 分别为功率角曲线超出门限电平的第一个和最后取样的指数。

3.2.3 均方根 (r.m.s.) 角扩展

到达方向的r.m.s.角扩展 S_A 定义如下：

$$S_A = \sqrt{\frac{1}{P_0} \int_{\theta_0}^{\theta_3} (\theta - T_A)^2 P(\theta) d\theta} \quad (11a)$$

在分离形式下，公式(11a)变为：

$$S_A = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (\theta_i - T_A)^2 P(\theta_i)}{\sum_{i=1}^N P(\theta_i)}} \quad (11b)$$

其中 $i=1$ 和 N 分别为功率角曲线超出门限电平的第一个和最后取样的指数。

3.2.4 角窗

角窗 θ_w 是包含总能量一定百分比 q 的功率角曲线的中间部分宽度，如图6所示：

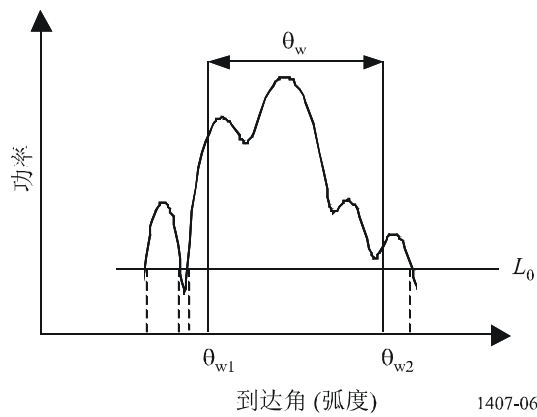
$$\theta_w = \theta_{w2} - \theta_{w1} \tag{12}$$

其中边界 θ_{w1} 和 θ_{w2} 由以下公式定义:

$$\int_{\theta_{w1}}^{\theta_{w2}} P(\theta) d\theta = \frac{q}{100} \int_{\theta_0}^{\theta_3} P(\theta) d\theta = \frac{q}{100} P_0 \tag{13}$$

且窗外的能量分为两个相同部分 $\left(\frac{100 - q}{200}\right) P_0$.

图 6
角窗



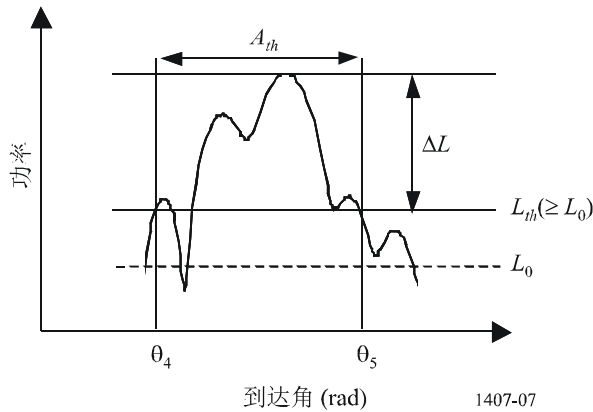
1407-06

3.2.5 角区间 (角间隔)

角区间 A_{th} 定义为当功率角曲线幅度第一次超过一个给定门限 L_{th} 的角 θ_4 和当功率角曲线幅度最后一次低于门限的角 θ_5 之间的角偏差, 如图7所示:

$$A_{th} = \theta_5 - \theta_4 \tag{14}$$

图 7
角区间



1407-07

3.2.6 空间相关距离

特别对于多输出多输入（MIMO）信道，不同间隔 d 的空间相关系数是从功率角曲线的角变量复转移函数得到的。空间相关系数 $R(d)$ 定义如下：

$$R(d) = \frac{\int_{\theta_0}^{\theta_3} P(\theta) \exp(-j2\pi d \sin \theta / \lambda) d\theta}{\int_{\theta_0}^{\theta_3} P(\theta) d\theta} \quad (15)$$

其中：

d ：不同间隔的距离

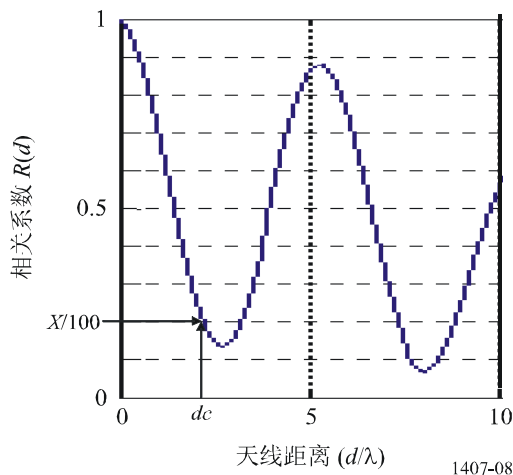
λ ：波长

如图8所示，空间相关距离 d_c 定义为第一个交割距离，其中 $|R(d)|$ 等于 $|R(d=0)$ 的 $x\%$

$$|R(d_c)| / |R(0)| = x / 100 \quad (16)$$

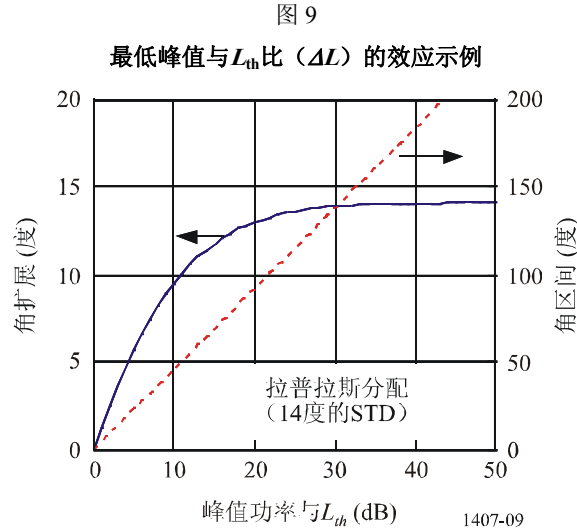
图 8

空间相关距离



3.2.7 建议参数

建议采用功率为50%、75%和90%的角窗、门限为低于峰值9、12和15 dB的角区间及50%和90%相关的相关距离进行详尽的数据分析。此外，值得注意的是，系统中的噪声和杂散信号效应（从射频到数据处理）可能非常严重。因此，准确确定系统噪声和/或杂散门限并在此之上提供一个安全余量是非常重要的。建议采用3 dB的安全余量。为确保结果的完整性，建议采用一个最低的峰值杂散比，例如，使用15 dB（不包括3 dB的安全余量）作为限制包含在统计数字中的角曲线的接受标准。图9显示出设定最低峰值与 L_{th} 之比（ ΔL ）的效应示例。在此图中，假设功率角曲线采用拉普拉斯分配（双指数分配），角扩展为14度；角扩展和角区间作为峰值功率与 L_{th} 之比的函数计算得出。该图显示这些参数变化巨大（即使数值基本相同）。因此，对统计评估中使用的 ΔL 值应加以规定。



附件2

1 引言

该附件列举了根据功率角曲线计算相关系数的一些结果以及该相关系数对多输出多输入 (MIMO) 容量产生的影响。

2 计算空间相关系数

附件1公式(15)的定义已用来计算空间相关。该附件言简意赅地介绍了结果并显示出天线间隔如何影响相关性。

图A-1显示出一种理想的截短拉普拉斯功率方位频谱 (PAS)，如：

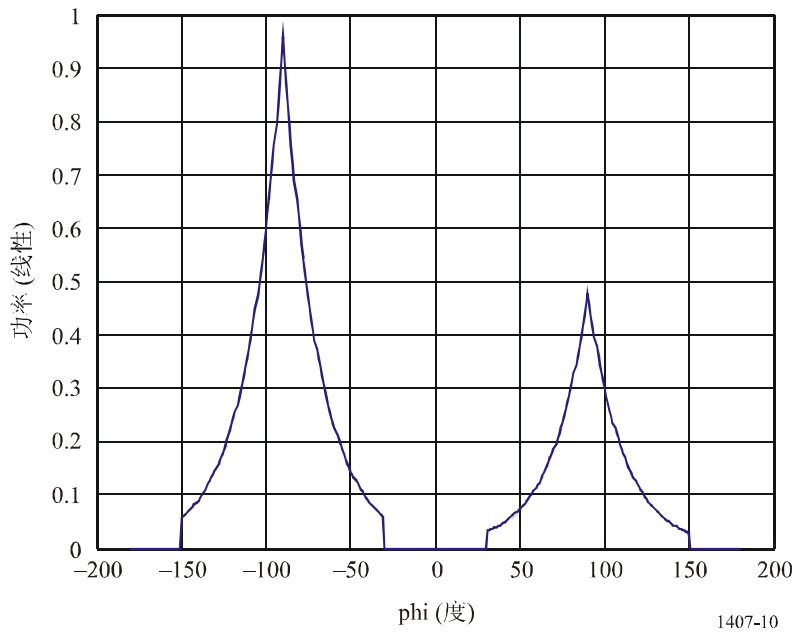
$$PAS_L(\varphi) = \sum_{k=1}^{N_c} \frac{Q_{L,k}}{\sigma_{L,k} \sqrt{2}} \exp\left[-\frac{\sqrt{2}|\varphi - \varphi_{0,k}|}{\sigma_{L,k}}\right] \left\{ \varepsilon[\varphi - (\varphi_{0,k} - \Delta\varphi_k)] - \varepsilon[\varphi - (\varphi_{0,k} + \Delta\varphi_k)] \right\} \quad (17)$$

其中 $\varepsilon(\varphi)$ 为阶跃函数， N_c 为簇数， $\varphi_{0,k}$ 为 k -th 簇的平均入射角， $\sigma_{L,k}$ 为角扩展。PAS 是根据 $[\varphi_0 - \Delta\varphi, \varphi_0 + \Delta\varphi]$ 定义的。功率标准化条件假设为：

$$\sum_{k=1}^{N_c} Q_{L,k} \left[1 - \exp\left(-\frac{\sqrt{2}\Delta\varphi_k}{\sigma_{L,k}}\right) \right] = 1 \quad (18)$$

图 10

理想的截短拉普拉斯分布角度功率谱 (PAS)



两簇情况下标准拉普拉斯PAS, $AS=30^\circ \phi_0 \in [-90^\circ, 90^\circ]$,
此外, 90° 簇的功率为 -90° 情况的一半。

则包络相关系数表示为:

$$\rho_e(D) = |R_{XX}(D) + jR_{XY}(D)|^2 \tag{19}$$

其中:

$$D = 2\pi d/\lambda$$

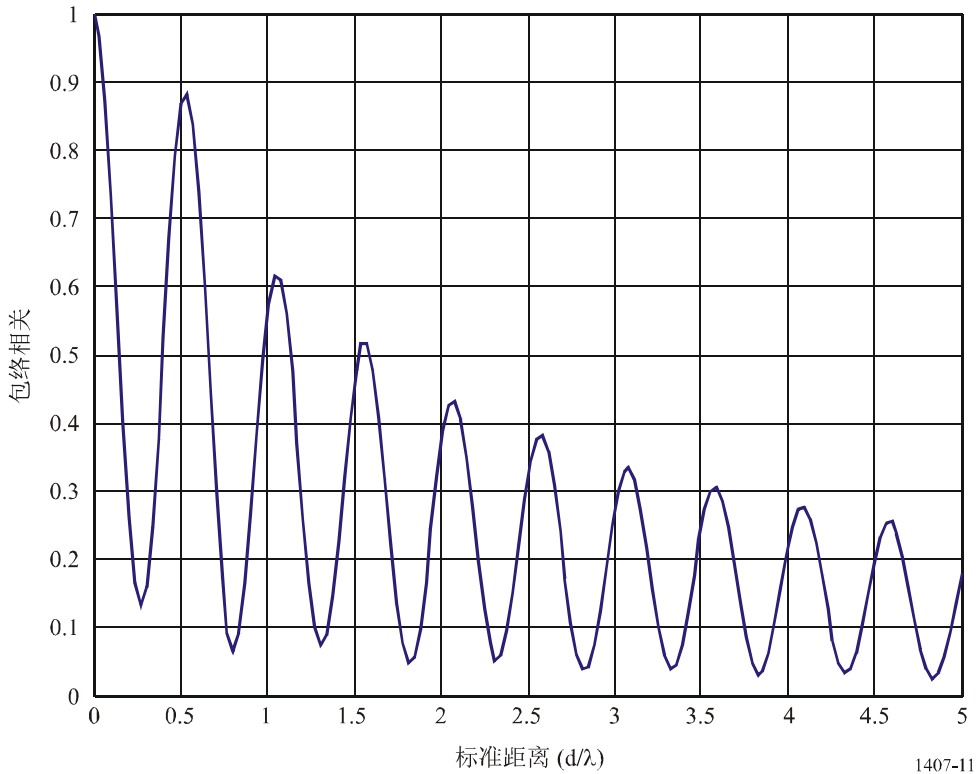
d : 天线间距

λ : 波长,

互相关函数 $R_{XX}(D)$ 和 $R_{XY}(D)$ 见公式 (16)。

图11说明了所产生的空间相关性。

图 11
空间相关结果



两簇情况下包络相关系数和标准距离(= d / λ)见图10。

3 相关系数对MIMO容量的影响

对于瑞利衰落信道，在信道不知的情况下，在发射机处的遍历MIMO容量为：

$$C = \log_2 \det \left(I_{n_R} + \frac{P}{n_T \sigma^2} R_R^{1/2} H_w R_T H_w^H (R_R^{1/2})^H \right) = \log_2 \det \left(I_{n_R} + \frac{P}{n_T \sigma^2} H_w R_T H_w^H R_R^H \right) \quad (20)$$

其中：

n_R 和 n_T : 分别为接收和发射天线数

P : 总发射功率

I_{n_R} : $n_R \times n_R$ 标识矩阵

$(\cdot)^H$ 和 $\det(\cdot)$: 分别为厄密操作和决定操作

H_w : 其元素为独立且分布相同的复合高斯随机变量（平均和单位变量为0）的矩阵

$(\cdot)^{1/2}$: 矩阵的厄密方根。

矩阵 R_R 和 R_T 分别决定接收机和发射机之间的空间相关性，其中信道矩阵 H 通过 $H = R_R^{1/2} H_w R_T^{1/2}$ 定义， $R_R^{1/2}$ 和 $R_T^{1/2}$ 为正定厄密矩阵，最后假设将两者标准化，则 $j = 1, K, n_R$ 时为 $[R_R]_{jj}$ ， $i = 1, K, n_T$ 则为 $[R_T]_{ii}$ 。

假设 \mathbf{R}_R 和 \mathbf{R}_T 具有充分等级且 $n_R = n_T = n$ ，那么，在S/R高的情况下容量可近似为：

$$C \approx \log_2 \det \left(\frac{P}{n_T \sigma^2} H_w H_w^H \right) + \log_2 \det(\mathbf{R}_R) + \log_2 \det(\mathbf{R}_T) \quad (21)$$

如果我们用 λ_i ， $i=1, \dots, n$ 确定 \mathbf{R}_R 的本征值，那么 $\sum_{i=1}^n \lambda_i = n$ 。根据混合算术平均/几何平均不等式，

$$\prod_{i=1}^n \lambda_i \leq 1 \quad (22)$$

既然 $\det(\mathbf{R}_R) = \prod_{i=1}^n \lambda_i$ ，那么 $\log_2 \det(\mathbf{R}_R) \leq 0$ 。若 \mathbf{R}_R 的所有本征值相等，即 $\mathbf{R}_R = \mathbf{I}_n$ ，则为零。因此，相关决定MIMO容量和高SNR情况下遍历容量损耗由 $(\log_2 \det(\mathbf{R}_R) + \log_2 \det(\mathbf{R}_T))$ bps/Hz给出。

图12显示出空间相关对MIMO信道遍历容量的影响，其中 $n_R = n_T = 2$ 。该图假设 $\mathbf{R}_T = \mathbf{I}_2$ 。接收机相关矩阵是根据下式选择的：

$$\mathbf{R}_R = \begin{bmatrix} 1 & \rho_R \\ \rho_R^* & 1 \end{bmatrix} \quad (23)$$

其中 ρ_R 表示接收天线之间的空间相关。

图 12

高低接收相关情况下的遍历容量

